



ساعات في هذا الدرس:

- 1- مقارنة تاريخية لميكانيك نيوتن (طالع محتوى الصفحتين 242 و 243 من الكتاب المدرسي ... هذا يكفيك وزيادة)
- 2- عموميات عن الحركات
- 3- شرح حركة كوكب أو قمر اصطناعي أو طبيعي

ملخص الدرس

1 - المعلم والمرجع:

حجرة المخبر مرجع ندرس بالنسبة له حركة سقوط كرية، هذا لا يكفي لتحديد عناصر الحركة، لهذا نرؤد المرجع بمعلم (O, x, y, z) ثم نختار لحظة نعتبرها مبدأ للزمن.
المرجع السطحي أرضي: نقطة من سطح الأرض (المخبر مثلا): ننسب إليه الحركات بجوار سطح الأرض.
المرجع المركزي أرضي: مركز الأرض مزود بمعلم محاوره متجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة.
المرجع المركزي شمسي: مركز الشمس مزود بمعلم محاوره متجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة.
نقول عن مرجع أنه غاليلي (عطالي) إذا كان ثابتا بالنسبة لحركة أو يتحرك بحركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمرجع ثابت.

2 - عناصر الحركة:

1 - 2 - شعاع الموضع: هو الشعاع \overline{OG} الذي يجمع بين مبدأ المعلم وموضع مركز عطالة الجسم عند اللحظة t .

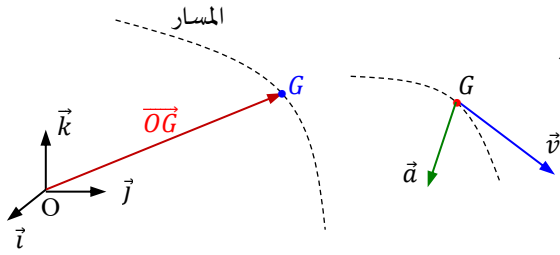
$$\overline{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$$

2 - 2 - شعاع السرعة: هو مشتق شعاع الموضع بالنسبة للزمن: $\vec{v} = \frac{d\overline{OG}}{dt}$

يمس المسار في نقطة وجود المتحرك.

2 - 3 - شعاع التسارع: هو مشتق شعاع السرعة بالنسبة للزمن.

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2\overline{OG}}{dt^2}$$



$$\overline{OG} \begin{cases} x \\ y \\ z \end{cases}$$

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \\ v_z = \frac{dz}{dt} \end{cases}$$

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2} \\ a_z = \frac{dv_z}{dt} = \frac{d^2z}{dt^2} \end{cases}$$

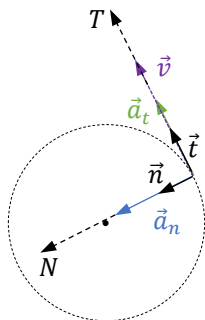
3 - التسارعان المماسي والناظي:

في حركة منحنية: شعاع التسارع المماسي هو $\vec{a}_t = \frac{dv}{dt} \vec{t}$ وطويلته $a_t = \frac{dv}{dt}$

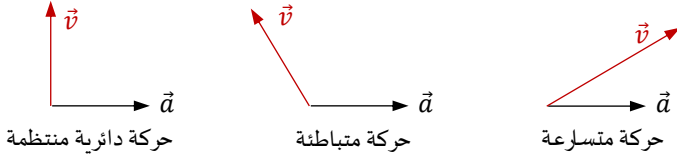
طويلة التسارع الناظي (المركزي) $a_n = \frac{v^2}{R}$ ، حيث R : نصف قطر المسار

بالحركة الدائرية المنتظمة

$$a_t = 0 \\ a = a_n$$



4 - طبيعة الحركة:



الحركة متسارعة : $\vec{a} \times \vec{v} > 0$

الحركة متباطئة : $\vec{a} \times \vec{v} < 0$

الحركة مستقيمة منتظمة إذا كان $\vec{a} = 0$ ، ودائرية منتظمة إذا كان $\vec{a} \perp \vec{v}$

5 - قوانين نيوتن: (نقتصر على الملخص فقط)

1-5 - القانون الأول: في معلم غاليلي إذا كان شعاع سرعة مركز عطالة جملة ثابتا، فإن محصلة القوى الخارجية المؤثرة على الجملة تكون معدومة.

$$\sum \vec{F}_{ext} = 0 \Leftrightarrow \vec{v} = cst \quad \text{والعكس كذلك صحيح.}$$

2-5 - القانون الثاني:

في معلم غاليلي يكون مجموع القوى الخارجية المؤثرة على جملة كتلتها m متناسبا في كل لحظة مع تسارع الجملة، أي: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}$.

3-5 - القانون الثالث:

إذا أثرت جملة A بفعل ميكانيكي على جملة B مُتمذج بقوة $\vec{F}_{A/B}$ ، فإن الجملة B تؤثر في نفس الوقت على الجملة A بفعل مُتمذج بقوة $\vec{F}_{B/A}$ بحيث يكون هذان الفعلان متعاكسين ومرتبطين بالعلاقة: $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$

6 - حركة الكواكب والأقمار الاصطناعية:



- يدور كوكب في مسار دائري (فرضا) حول الشمس بسرعة $v = \sqrt{\frac{G M_s}{r}}$

G : ثابت الجذب العام، M_s كتلة الشمس، r البعد بين مركزي الشمس والكوكب.

$$G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ S.I}$$

- يدور قمر اصطناعي في مسار دائري (فرضا) حول الأرض بسرعة $v = \sqrt{\frac{G M_T}{r}}$

M_T كتلة الأرض، r البعد بين مركز الأرض والقمر الصناعي.

الدور (زمن دورة واحدة): $T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G M}}$ ، M : كتلة الشمس أو الأرض، أو كتلة كوكب آخر بالنسبة لدوران أحد أقماره.

7 - قوانين كبلر:

1-7 - القانون الأول: في المرجع الشمسي مركزي تتحرك الكواكب في مدارات إهليلجية حول الشمس، بحيث يكون مركز هذه الأخيرة في أحد محراقي المدارات.

في المرجع الأرضي مركزي تدور الأقمار الاصطناعية في مدارات إهليلجية حيث أحد محراقيها هو مركز الأرض.

2-7 - القانون الثاني: (قانون المساحات): يسمح المستقيم الواصل بين مركز الكوكب والسيار ومركز الكوكب الجاذب مساحات متساوية في مُدد زمنية متساوية.

3-7 - القانون الثالث: في مرجع شمسي مركزي، تكون النسبة بين مربعات أذوار الكواكب ومكعبات أنصاف المحاور الكبيرة لمداراتها، دائما ثابتة.

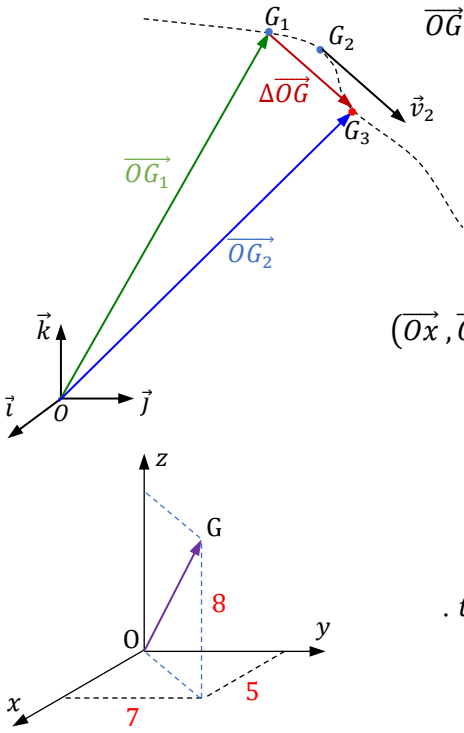
لا تتعلق هذه النسبة إلا بالكوكب أو النجم الجاذب. $\frac{T^2}{a^3} = k$ ، وإذا اعتبرنا المسار دائريا سواء بالنسبة لدوران الكواكب حول الشمس

$$\text{أو الأقمار حول الكواكب: } \frac{T^2}{r^3} = k$$

الحركيات (Kinematic)

1 - شعاع السرعة اللحظية:

يكون المتحرك عند اللحظة t_1 في النقطة G_1 ، وعند اللحظة t_2 يكون في النقطة G_2 ، ثم يصل للنقطة G_3 عند اللحظة t_3 .



شعاع السرعة عند اللحظة t_2 هو $\vec{v}_2 = \frac{\overrightarrow{OG_3} - \overrightarrow{OG_1}}{t_3 - t_1}$ ، حيث $\overrightarrow{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ ،
 شعاع السرعة يكون موازيا لشعاع الانتقال $(\Delta \overrightarrow{OG})$ ، $\Delta \overrightarrow{OG} = \overrightarrow{OG_3} - \overrightarrow{OG_1}$ ،
 يكون تحديد \vec{v}_2 دقيقا كلما اقتربت t_3 من t_1 ، وبالتالي:

$$\vec{v} = \frac{d\overrightarrow{OG}}{dt} : \overrightarrow{OG} \text{ شعاع السرعة اللحظية هو المشتق بالنسبة للزمن لشعاع الموضع } \overrightarrow{OG}$$

$$\vec{v} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$$

مثال: يتحرك جسم نعتبره نقطة مادية، حيث تُعطى إحداثيات المتحرك في المعلم (Ox, Oy, Oz)

عند كل لحظة كما يلي، حيث المسافات بـ m والزمن بـ s .

$$\begin{aligned} x &= 3t - 1 \\ y &= 2t^2 - 1 \\ z &= t^2 + 2t \end{aligned}$$

1 - أكتب عبارة شعاع الموضع، ثم عيّن وضع المتحرك عند اللحظة $t = 2s$.

2 - أكتب عبارة شعاع السرعة اللحظية، ثم احسب طولية السرعة عند اللحظة $t = 1s$.

الحل:

1 - شعاع الموضع هو: $\overrightarrow{OG} = (3t - 1)\vec{i} + (2t^2 - 1)\vec{j} + (t^2 + 2t)\vec{k}$

عند اللحظة $t = 2s$ يكون $\overrightarrow{OG} = 5\vec{i} + 7\vec{j} + 8\vec{k}$ ، حيث يشغل المتحرك النقطة $G(5, 7, 8) m$

2 - شعاع السرعة: $\vec{v} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$ أي $\vec{v} = 3\vec{i} + 4t\vec{j} + (2t + 2)\vec{k}$

عند اللحظة $t = 1s$ يكون $\vec{v} = 3\vec{i} + 4\vec{j} + 4\vec{k}$

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2} = \sqrt{9 + 16 + 16} = 6,4 \text{ m/s} : t = 1s$$

2 - شعاع التسارع اللحظي:

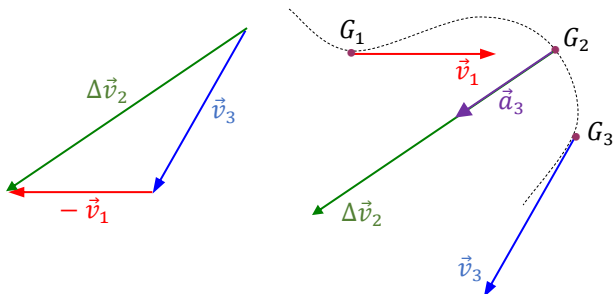
يُعبّر شعاع التسارع عن تغيّر شعاع السرعة خلال الزمن. شعاع التسارع محمول على شعاع التغير في السرعة $(\Delta \vec{v})$.

يكون المتحرك عند اللحظة t_1 في النقطة G_1 ، وعند اللحظة t_2 يكون في النقطة G_2 ، ثم يصل للنقطة G_3 عند اللحظة t_3 .

شعاع التسارع عند اللحظة t_2 هو: $\vec{a} = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_1}{t_3 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ ، كلما اقترب t_3 من t_1 يكون تحديد شعاع التسارع دقيقا أكثر.

عندما ينتهي t_3 نحو t_1 يصبح \vec{a} مشتق شعاع السرعة بالنسبة للزمن

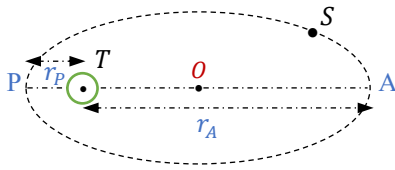
$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$



$$\vec{a} = \frac{dv_x}{dt}\vec{i} + \frac{dv_y}{dt}\vec{j} + \frac{dv_z}{dt}\vec{k} = \frac{d^2x}{dt^2}\vec{i} + \frac{d^2y}{dt^2}\vec{j} + \frac{d^2z}{dt^2}\vec{k}$$

3 - مدار القمر الاصطناعي:

يمكن أن تكون مدارات الأقمار الاصطناعية دائرية أو إهليلجية، ولها اتجاهات مختلفة، وتكون على ارتفاعات منخفضة (حوالي 250 km) أو ارتفاعات عالية (تفوق 30000 km)، وهذا يتعلق بالهدف الذي أطلق من أجله القمر الاصطناعي. مستوى مدار القمر الاصطناعي يجب أن يشمل مركز الأرض.



المدار الإهليلجي: (أو الإهليجي)

في مثل هذه المدارات يَمُرُّ القمر الاصطناعي بأقرب نقطة لمركز الأرض (P)، تسمى الحضيض أو نقطة الرأس الأقرب، وبأبعد نقطة عن مركز الأرض (A)، وتسمى الأوج أو نقطة الرأس الأبعد.

ملاحظة: هذه التسميات نزلت على حركة الكواكب حول الشمس أو الأقمار حول الكواكب في اللغة العربية.

إن القمر الاصطناعي Heos 1 الذي وُضع على مداره سنة 1968 كان بعده عن سطح الأرض في P $h_p = 418 \text{ km}$ وفي النقطة A كان بعده عن سطح الأرض $h_A = 223440 \text{ km}$.

نسمي في الشكل الإهليلجي المسافة $PA = 2a$ المحور الأعظم للإهليلج، حيث $OP = OA = a$.

البعد بين مركز الأرض والحضيض هو r_p ، والبعد بين مركز الأرض والأوج هو r_A ، حيث $r_A + r_p = 2a$.

المدار الدائري:

في المدار الدائري يبقى القمر الاصطناعي أثناء دورانه على بعد ثابت عن مركز الأرض، وهذا البعد هو

$$r = R_T + h$$

4 - دراسة حركة القمر الاصطناعي على مدار دائري:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في مرجع جيوميترى، نعتبره غاليليا بما فيه الكفاية، أي نعتبر أن أثناء الدراسة يقطع مركز الأرض حول الشمس قوسا يمكن اعتباره خطا مستقيما، فتكون حركة مركز الأرض مستقيمة منتظمة، وهذا هو شرط أن يكون المرجع الجيومترى عطاليا. نهمل كل التأثيرات على حركة القمر الاصطناعي، ما عدا تأثير الأرض.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة القمر الاصطناعي: $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a}$ نكتب في المحور الموجه \vec{Ox} المزود بشعاع الوحدة \vec{u} عبارة القوة $\vec{F}_{T/s}$ بالشكل:

$$\vec{F}_{T/s} = -G \frac{m_s M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}$$

وبالتالي $-G \frac{m_s M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u} = m_s \vec{a}$ ، أي أن التسارع هو $\vec{a} = -G \frac{M_T}{(R_T + h)^2} \vec{u}$

نلاحظ حسب هذه العبارة الأخيرة أن شعاع التسارع متجه نحو مركز الأرض، لأنه معاكس مباشرة لشعاع الوحدة \vec{u} ، وبالتالي هو تسارع ناظمي، إذن حركة القمر الاصطناعي دائرية منتظمة.

تسارع القمر الاصطناعي هو التسارع الناظمي، حيث $\vec{a}_n = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2} = g$ ، حيث g هو التسارع الأرضي على الارتفاع h .

5 - سرعة القمر الاصطناعي: سرعة القمر الاصطناعي ثابتة في الطويلة $v^2 = a_n \times (R_T + h) = G \frac{M_T}{(R_T + h)^2} (R_T + h)$.

$$v = \sqrt{\frac{G M_T}{R_T + h}}$$

التحليل البعدي للثابت الكوني G:

لدينا $F = G \frac{m_s M_T}{(R_T + h)^2}$ ، ومنه $G = \frac{F \times (R_T + h)^2}{m_s M_T}$ ، وبالتالي $[G] = \frac{M L T^{-2} L^2}{M^2} = L^3 M^{-1} T^{-2}$ ، أي الوحدة هي $m^3 \cdot kg^{-1} \cdot s^{-2}$

اختصارا نقول $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ S.I}$ ؛ حيث $S.I$ معناه: جملة الوحدات الدولية.

6 - دور القمر الاصطناعي: هو الزمن اللازم لكي يقوم القمر الاصطناعي بدورة كاملة.

خلال دورة كاملة يقطع القمر الاصطناعي المسافة $d = 2\pi(R_T + h)$ (محيط الدائرة التي يرسمها القمر الاصطناعي).

بما أن حركة القمر الاصطناعي منتظمة، فإن المدة المستغرقة خلال دورة واحدة (الدور) هي $T = \frac{2\pi(R_T + h)}{v}$

وبتعويض عبارة السرعة: $T = \frac{2\pi(R_T + h)}{\sqrt{\frac{GM_T}{R_T + h}}}$ ، $T^2 = \frac{4\pi^2(R_T + h)^2}{GM_T}$ ، ومنه $T = 2\pi\sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{GM_T}}$

إذا كان المسار إهليلجيا لا تكون الحركة منتظمة، ويعطى التور بدون برهان $T = 2\pi\sqrt{\frac{a^3}{GM_T}}$ ، حيث a : نصف المحور الأكبر.

ملاحظة: يمكن حساب سرعة القمر الاصطناعي في الأوج بالعلاقة $v = \sqrt{\frac{GM_T}{r_A}}$ ، وفي الحضيض بالعلاقة $v = \sqrt{\frac{GM_T}{r_P}}$

إذا كان $r_A \approx r_P \approx a$ (انظر للتمرين 17 في الكتاب المدرسي - صفحة 284).

القمر الاصطناعي المستقر أرضيا: (جيو مستقر)

القمر الاصطناعي المستقر أرضيا (الجيو مستقر) هو القمر الاصطناعي الذي يدور في مدار مستواه يشمل خط الاستواء، ودوره يساوي الدور اليومي للأرض (24 h)، ويدور في جهة دوران الأرض. يظهر هذا القمر الاصطناعي ثابتا في مرجع سطحي أرضي.

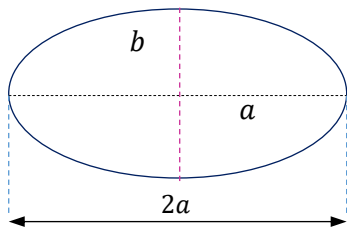
ارتفاع هذا القمر الاصطناعي عن سطح الأرض هو h ، حيث $(R_T + h)^3 = \frac{T^2 \times GM_T}{4\pi^2}$ ، $R_T + h = \sqrt[3]{\frac{T^2 \times GM_T}{4\pi^2}}$

$$h = \sqrt[3]{\frac{T^2 \times GM_T}{4\pi^2}} - R_T = \sqrt[3]{\frac{(8644)^2 \times 4 \times 10^{14}}{4 \times (3,14)^2}} - 64 \times 10^5 = 3,59 \times 10^7 m \approx 36000 km$$

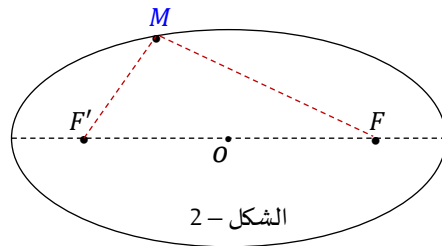
سرعة القمر الاصطناعي المستقر أرضيا $v = \frac{2\pi(R_T + h)}{T} = \frac{6,28 \times 42400 \times 10^3}{24 \times 3600} = 3081 m/s$ ، $v \approx 3,1 km/s$

7 - قوانين كبلر:

1 - 7 - القطع الناقص:



الشكل - 1



الشكل - 2

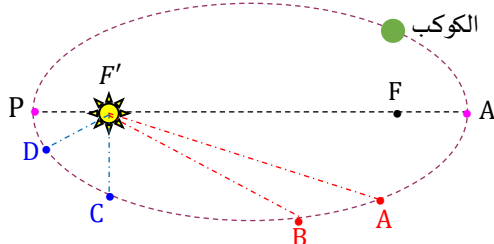
هو شكل هندسي (الشكل - 1) تحقق نقطه

$$MF + MF' = 2a$$

(سميناه سابقا الشكل الإهليلجي)

F و F' هما محرقا القطع الناقص و a هو نصف محوره الأكبر، b : هو نصف المحور الأصغر (لا حاجة لنا به هنا). (الشكل - 2)

2 - 7 - القانون الأول:



الشكل - 3

تدور الكواكب حول الشمس في مدارات إهليلجية، بحيث يكون أحد محرقها هو مركز الشمس، وذلك في المرجع الشمسي مركزي، ونفس الشيء، بالنسبة للأقمار الاصطناعية حول الأرض بحيث يكون مركز الأرض هو أحد محرق مساراتها الإهليلجية، وذلك في المرجع المركزي أرضي.

ملاحظة: نعتبر أحيانا هذه المسارات دائرية من أجل التبسيط.

7 - 3 - القانون الثاني: (قانون المساحات)، (الشكل 3)

المساحات التي يمسحها المستقيم الواصل بين مركز الكوكب ومركز الشمس تكون متساوية في مُدد زمنية متساوية. أي أن سرعة الكوكب تزداد عندما يقترب من الشمس وتتناقص عندما يبتعد عنها.

المساحات $F'AB$ و $F'CD$ متساويتان إذا كانت المدة التي يستغرقها الكوكب من A إلى B تساوي المدة التي يستغرقها من C إلى D . سرعة الكوكب تكون عظي بجوار النقطة P ، وتكون سرعته صغرى بجوار النقطة A .

7-4 - القانون الثالث:

في مرجع شمسي مركزي تكون النسبة ثابتة بين مربع أمدار الكوكب ومكعب أنصاف المحاور الكبرى للمسارات.

(1) أي أن بالنسبة للكواكب P_1 ، P_2 ، P_3 التي أمدارها حول الشمس T_1 ، T_2 ، T_3 يكون : $\frac{T_1^2}{a_1^3} = \frac{T_2^2}{a_2^3} = \frac{T_3^2}{a_3^3} = K$

دور الكوكب هو T ، حيث $T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM_S}}$ ، $M_S \approx 2 \times 10^{30} \text{ kg}$ كتلة الشمس ،
 ونفس الشيء بالنسبة للأقمار الاصطناعية حول الأرض في المعلم المركزي أرضي.
 إذا اعتبرنا مدار الكوكب حول الشمس دائريا يكون الدور $T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_S}}$ ، حيث r : البعد بين مركزي الكوكب والشمس.
 وتكون سرعة الكوكب $v = \sqrt{\frac{GM_S}{r}}$.



من العلاقة (1) نستنتج:

$$K = \frac{4\pi^2}{GM_S} \text{ بالنسبة للكواكب}$$

$$K = \frac{4\pi^2}{GM_T} \text{ بالنسبة للأقمار الاصطناعية والقمر الطبيعي للأرض}$$

$$K = \frac{4\pi^2}{GM_P} \text{ بالنسبة للأقمار التي تدور حول كوكب كتلته } M_P$$

كل ما ذكرناه سابقا يُطبق كذلك على حركة الأقمار حول الكواكب، وعلى سبيل المثال قمر المريخ $Phobos$ و $Déimos$.

ملاحظة:

في حالة كوكب يدور حول الشمس في مسار دائري (نعتبره دائريا)، فإن دراسة حركته هي نفس الدراسة التي قمنا بها سابقا لحركة قمر اصطناعي حول الأرض، أي نبيّن أن تسارع الكوكب متجه نحو مركز الشمس، وذلك لنثبت أن حركة الكوكب منتظمة.

Guezouri Abdelkader, ancien élève de l'école normale supérieure.

Site: www.guezouri.org

Chaine Youtube : www.guezouri.org → Physianet Guezouri

Tél: 07 73 34 31 76

FB : Abdelkader Guezouri ... <https://www.facebook.com/Aek.guezouri>

Page FB: Guezouri Physique

Blog FB: Akhbar El-til

كتاب الوريد للأستاذ قزوري في جزأين... أطلبه من ديوان المطبوعات المدرسية لولايتك، حيث تجد هنا نقط البيع www.onps.dz

... خذ الوريد، فلا تحتاج إلى مزيد للمزيد، إنه الوحيد الفريد، فإذا كنت تأثها فاليوم بصرك حديد، وعن الشعوذة بعيد...

