

المجال: التطورات الرتيبة **ملخص الوحدة -3- الظواهر الكهربائية**. ثانوية العربي بن مستورة - زعرورة - تيارت- الأستاذ: خيرت مخلوف

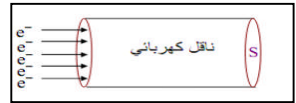
**I- مفاهيم أساسية:**

1- **كمية الكهرباء:** هي مجموع الشحن أو مجموع الإلكترونات ( $e^-$ ) ونكتب:  $q = n \cdot |e^-| = n \cdot 1.6 \cdot 10^{-19} C$  تقدر بالكولوم (c) حيث:  $n$  عدد الإلكترونات.

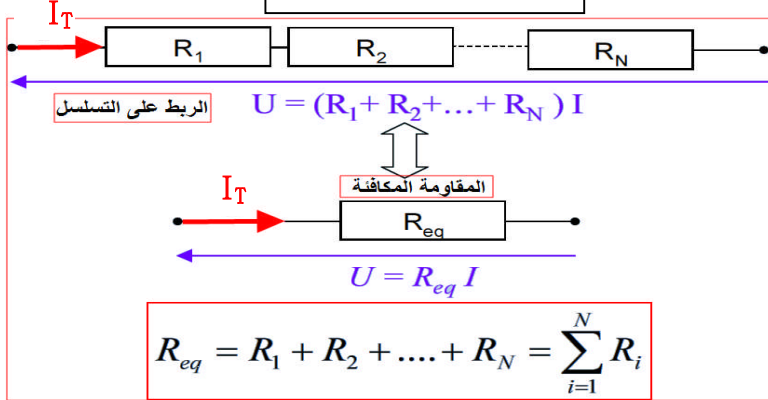
2- **شدة التيار الكهربائي  $I(A)$ :** كمية الشحنات (عدد الإلكترونات) المتحركة في الثانية الواحدة. وتعطى بالعلاقة: - في حالة تيار ثابت الشدة:

$$I(A) = \frac{Q(c)}{\Delta t(s)}$$

في حالة تيار متغير الشدة:  $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$

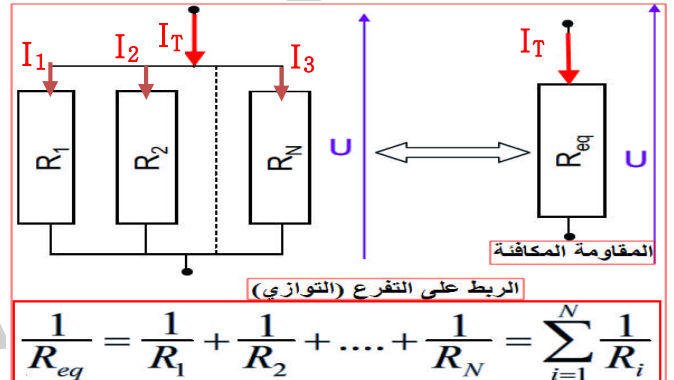


**الربط على التسلسل:**

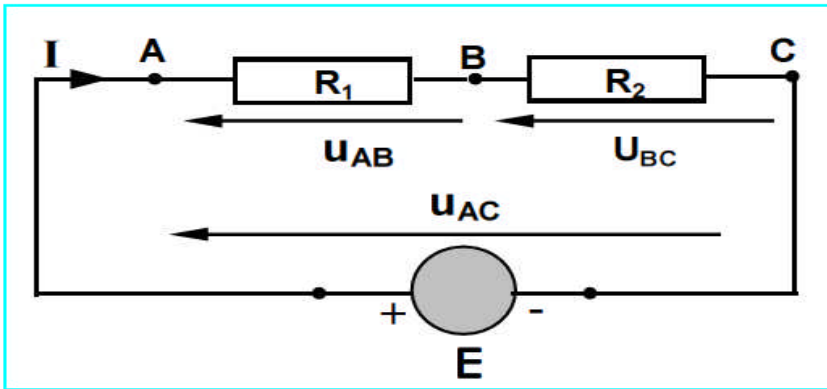


- 1- التوتر (فرق الكومون):  $U_T = U_1 + U_2 + U_3$
- 2- شدة التيار: (ثابتة)  $I_T = I_1 = I_2 = I_3$

**الربط على التفرع:**



- 1- التوتر (فرق الكومون) (ثابت):  $U_1 = U_2 = U_3 = \dots = U_T$
- 2- شدة التيار:  $I_T = I_1 + I_2 + I_3$

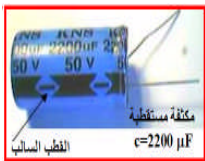


قانون جمع التوترات في حالة دارة مغلقة:

$$\sum_{i=1}^N U_i = 0$$

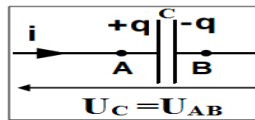
$$U_{AC} - U_{AB} - U_{BC} = 0$$

$$\Rightarrow E = U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$$



**II- الجزء 1- المكثفات وثنائي القطب RC**

1- **المكثفة:** ثنائي قطب يتكون من صفيحتين معدنيتين يفصل بينهما عازل كهربائي (ورق الميكا أو الهواء أو الزجاج... ) رمزها في دارة كهربائية هو:

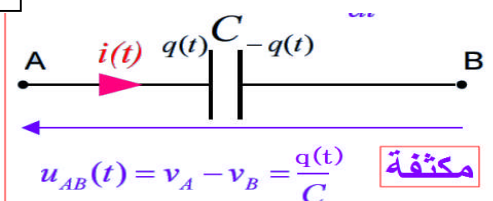
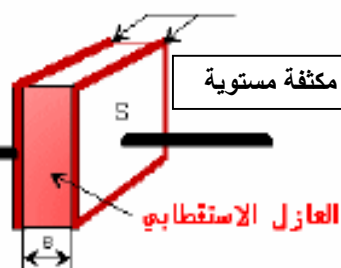


2- **خصائص المكثفة:**

3- الدارة التي تحوي على التسلسل مكثفة ومولد للتيار المستمر لا يمر فيها التيار باستمرار بل ينقطع عندما تشحن المكثفة.

4- **العلاقة بين شحنة المكثفة (q) وفرق الكومون (التوتر) (UC) بين طرفي المكثفة:**

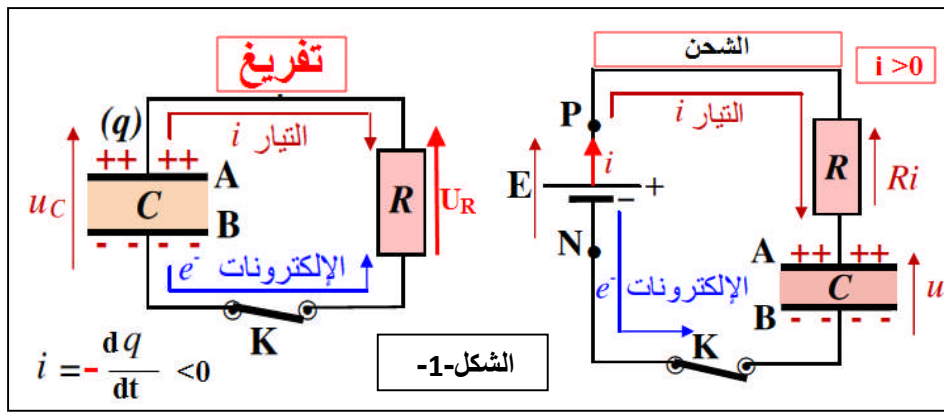
**البوسان**



حيث  $C$ : تمثل سعة المكثفة تقدر بالفاراد (F)  $q = C \cdot U$  (c)(F)(V)

**ملاحظة:** 1 فاراد مقدار كبير جدا كسعة مكثفة لذا تقاس السعة بوحدات صغيرة (أجزاء الفاراد) هي:

$$1mF = 10^{-3} F \dots 1\mu F = 10^{-6} F \dots 1nF = 10^{-9} F \dots 1pF = 10^{-12} F$$



5- العلاقة بين شحنة المكثفة (q) وشدة التيار (i):

في حالة تيار ثابت:  $I = \frac{Q}{t}$

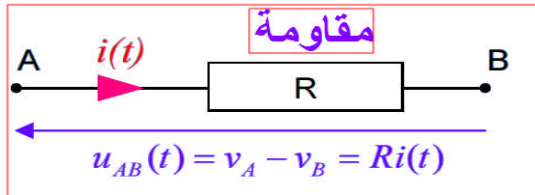
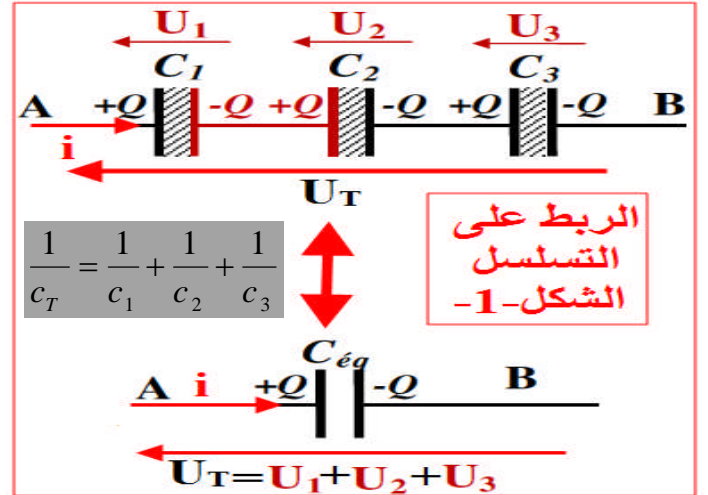
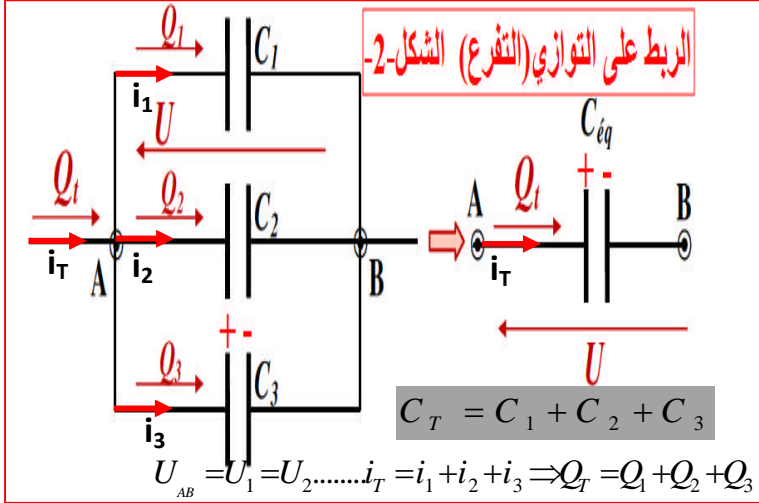
في حالة تيار متغير:  $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$

6- التفسير المجهرى لشحن وتفريغ مكثفة: الشكل-1-1

ينتقل التيار في الدارة اصطلاحا من القطب (+) نحو القطب (-) ← عكس جهة انتقال الالكترونات (e<sup>-</sup>)

7- جمع المكثفات: (جمع المكثفات عكس جمع المقاومات) 1- الربط على التسلسل: الشكل 1-1\*-نقل سعة المكثفة في حالة الربط على التسلسل

2- الربط على التفرع (التوازي) الشكل-2-: تزداد سعة المكثفة في حالة الربط على التفرع



قانون اوم للمقاومة:  $U_R = R \cdot i$   
 $(V) = (\Omega) \cdot (A)$

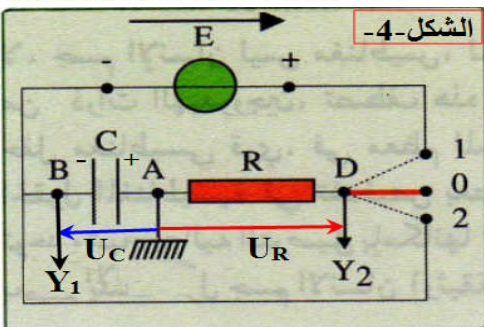
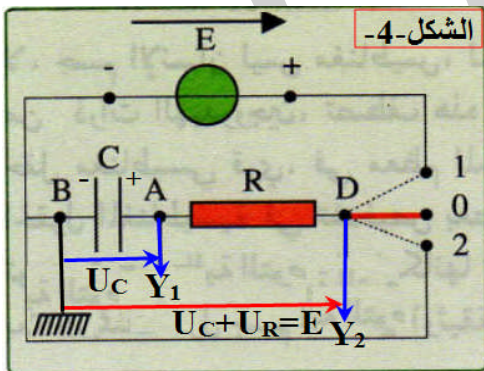
8- تطور التوتر بين طرفي المكثفة: 1- خلال عملية الشحن:

1- طريقة توصيل المكثفة والمقاومة إلى راسم الاهتزاز المهبطي الشكل-3-3

- المدخل y1 يسمح بمشاهدة التوتر بين طرفي المكثفة (Uc)
  - المدخل y2 يسمح بمشاهدة التوتر بين كل من طرفي المكثفة (Uc) والمقاومة (UR) معا أي بين طرفي المولد (E)
- ملاحظة:** يمكن وضع المأخذ الأرضي لراسم الاهتزاز المهبطي في النقطة (A) بدل النقطة (B) حيث يمكن في هذه الحالة مشاهدة كل من توتر (Uc) و (UR) لوحده كما في الشكل-4-4.

2- كتابة المعادلة التفاضلية: لـ (Uc) لدينا حسب قانون التوترات في دارة مغلقة:

$E = U_R + U_C \rightarrow (1) U_R = R \times i = R \times \frac{dq}{dt} = RC \frac{dU_C}{dt}$



$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = E \rightarrow (2)$

$\frac{dU_C}{dt} + \left(\frac{1}{RC}\right) U_C = \frac{E}{RC}$

بالتعويض عن قيمة UR في المعادلة 1 نجد:

- المعادلة 2 تمثل المعادلة التفاضلية لتطور فرق الكمون بين طرفي المكثفة أثناء عملية الشحن وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الاولى ذات الشكل:

$y' + \alpha y = K$

2

هذه المعادلة تقبل حلا من الشكل  $U_c(t) = A e^{-\alpha t} + B$  بحيث  $A, B, \alpha$  عبارة عن ثوابت تعين بالطريقة التالية:  
 بالتعويض عن قيمة  $U_c$  في المعادلة 2 نجد:

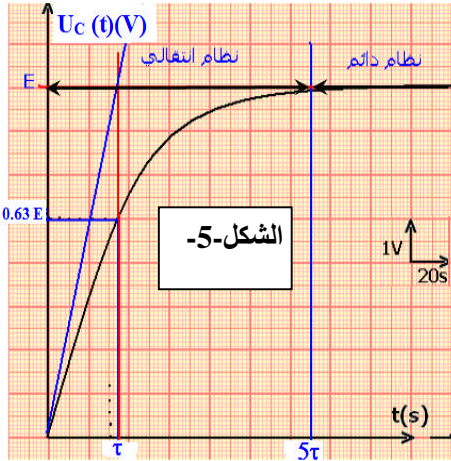
$$RC \frac{d(Ae^{-\alpha t} + B)}{dt} + Ae^{-\alpha t} + B = E \Rightarrow RC \frac{d(Ae^{-\alpha t})}{dt} + \frac{d(B)}{dt} + Ae^{-\alpha t} + B = E$$

$$\Rightarrow -RCA\alpha e^{\alpha t} + Ae^{\alpha t} + B = E \Rightarrow (-RC\alpha + 1)Ae^{\alpha t} + B = E$$

$$\Rightarrow \{B = E\}$$

$$\Rightarrow \{Ae^{\alpha t} (-RC\alpha + 1) = 0 \rightarrow (Ae^{\alpha t} \neq 0) \Rightarrow -RC\alpha + 1 = 0 \Rightarrow \left[ \alpha = \frac{1}{RC} \right] \text{ بالمطابقة نجد:}$$

2- تعين قيمة الثابت A: من الشروط الابتدائية لدينا: ( $t=0 \rightarrow U_c = 0$ ) بالتعويض في عبارة  $U_c(t) = Ae^{-\frac{1}{RC}t} + E$  نجد:



$$U_c(0) = 0 = Ae^{-\frac{0}{RC}} + E \Rightarrow 0 = A + E \Rightarrow A = -E$$

$$U_c(t) = -Ee^{-\frac{t}{RC}} + E \Rightarrow U_c(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

3- إثبات أن  $\tau = RC$  (ثابت الزمن) باستخدام التحليل البعدي انه متجانس مع الزمن.

$$\left[ \frac{dq}{dt} \right] = \left[ \frac{q}{t} \right] \quad \left[ \frac{u_R}{u_C} \right] = \left[ \frac{q}{i} \right] = \left[ \frac{i \cdot t}{i} \right] = [t] = [T] = s$$

ومنه

الزمن (عبارة عن زمن) وهو يمثل الزمن المميز للمكثفة (الزمن اللازم لبلوغ شحنة المكثفة نسبة 63% من قيمتها الاعظمية) أثناء عملية الشحن.

5- رسم المنحنى  $U_c = f(t)$  مع توضيح عليه طرق تعين ثابت الزمن  $\tau$  بيانيا. الشكل-5.

6- استنتاج عبارة تطور شحنة المكثفة بدلالة  $q=f(t)$  أثناء عملية الشحن مع تمثيلها بيانيا:

1- عبارة  $q=f(t)$ : بالتعويض عن  $U_c(t)$  بما يساويه في عبارة  $\{q(t) = C U_c(t)\}$

$$q(t) = C U_c(t) \Rightarrow q(t) = C.E(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) \Rightarrow q(t) = Q_0(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

نجد:

( $Q_0 = C.E$ ) الشحنة العظمى للمكثفة

7- اجاد المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة أثناء عملية الشحن:

بالتعويض عن  $U_c(t)$  بما يساويه في المعادلة التفاضلية (2) نجد:

ملاحظة: لدينا  $\{q(t) = C U_c(t)\}$  مع ( $C > 0$ ) ومنه

خواص  $\{q(t)\}$  من خواص  $\{U_c(t)\}$

8- استنتاج عبارة تطور شدة التيار  $i=f(t)$

بدلالة الزمن أثناء عملية الشحن مع تمثيلها بيانيا: - عبارة  $i=f(t)$

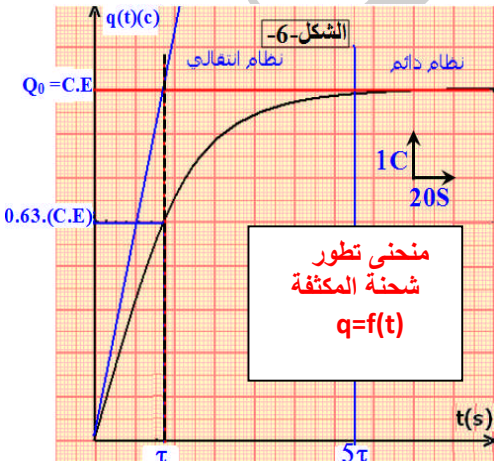
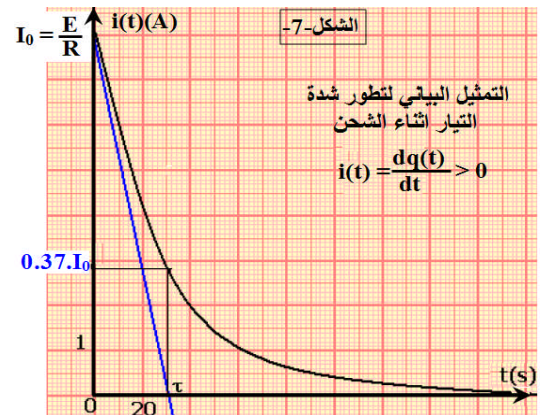
$$\left\{ \begin{array}{l} RC \frac{dU_c}{dt} + U_c = E \rightarrow (2) \\ RC \frac{d\left(\frac{q}{C}\right)}{dt} + \frac{q}{C} = E \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{dq}{dt} + \left(\frac{1}{RC}\right)q = \frac{E}{R}$$

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{d \left[ Q_0(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) \right]}{dt}$$

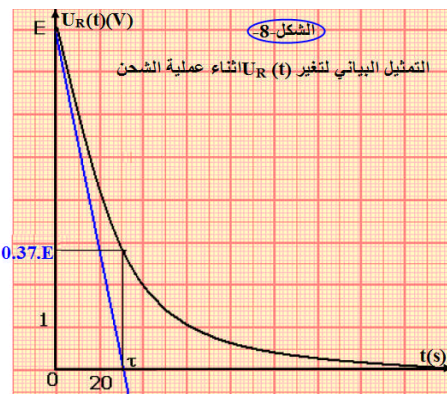
$$\Rightarrow i(t) = \frac{Q_0}{R.C} e^{-\frac{t}{RC}} = I_0 e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$I_0 = \frac{E}{R}$$

شدة التيار العظمى



منحنى تطور شحنة المكثفة  $q=f(t)$



الشكل 8

9- عبارة فرق الكون بين طرفي المقاومة  $\{U_R(t)\}$  اثناء عملية الشحن: تمثيل  $U_R = f(t)$  الشكل 8

لدينا :  $U_R = R \times i \Rightarrow U_R(t) = R \times I_0 e^{-\frac{t}{RC}} \Rightarrow U_R(t) = E e^{-\frac{t}{RC}} \rightarrow (E = R \times I_0)$  أو من

العلاقة:  $E = U_R + U_C \Rightarrow U_R = E - U_C \Rightarrow U_R = E - E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow U_R = E e^{-\frac{t}{\tau}}$

ملاحظة: لدينا  $\begin{cases} U_R = R \times i \\ (R > 0) \end{cases}$  ومنه خواص  $(U_R)$  من خص (i).

10- المعادلة التفاضلية لتطور فرق الكون بين طرفي المقاومة  $\{U_R(t)\}$ : يمكن ايجاد هذه المعادلة

التفاضلية وذلك بالتعويض عن  $\{U_C(t)\}$  بما يساويه  $(U_C = E - U_R)$  في المعادلة رقم 2

ملاحظة: يمكن ايجاد المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار وذلك بالتعويض عن  $\{U_R(t)\}$  بما يساويه  $U_R = R.i(t)$  في المعادلة: نجد:

$$\frac{d[R.i(t)]}{dt} + \frac{1}{RC} R.i(t) = 0 \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{RC} i(t) = 0$$

11- العوامل المؤثرة في ثابت الزمن:

1- من خلال المنحنين بالشكل 9- المجاور نستنتج أن ثابت الزمن يناسب طردا مع كل من المقاومة

R وسعة المكثفة C لان

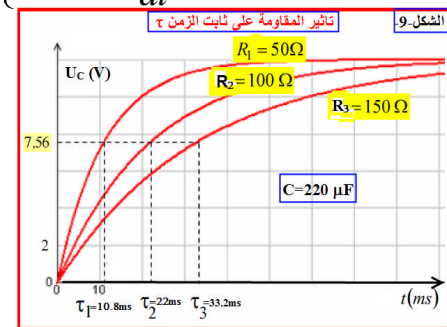
$$\begin{cases} R_1 < R_2 < R_3 \Rightarrow C.R_1 < C.R_2 < C.R_3 \Rightarrow \tau_1 < \tau_2 < \tau_3 \\ C_1 < C_2 < C_3 \Rightarrow R.C_1 < R.C_2 < R.C_3 \Rightarrow \tau_1 < \tau_2 < \tau_3 \end{cases} \quad \tau = RC$$

- عند التغير في قيمة فرق الكون بين طرفي المولد لا يؤثر ذلك في ثابت الزمن

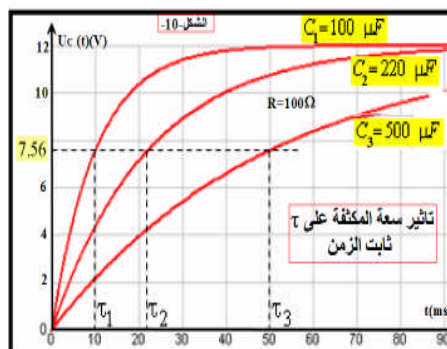
للمكثفة لأنه لا يتعلق ب: E

$$\tau = RC$$

كلما كانت المقاومة (R) أكبر أو السعة (C) أكبر كان ثابت الزمن  $\tau$  أكبر وبالتالي عملية الشحن تدوم مدة أطول



الشكل 9



الشكل 10

12- تطور التوتر بين طرفي المكثفة اثناء عملية التفريغ: ايجاد المعادلة التفاضلية لتطور التوتر بين

طرفي المكثفة عند وضع القاطعة في الوضع 2 (عملية التفريغ) الشكل 9- ثم استنتاج عبارة

$U_C = f(t)$  مع تمثيله بيانيا

1- المعادلة التفاضلية لـ  $U_C = f(t)$ : عدم وجود مولد:  $(E=0)$  من المعادلة 1- أو المعادلة 2 نجد

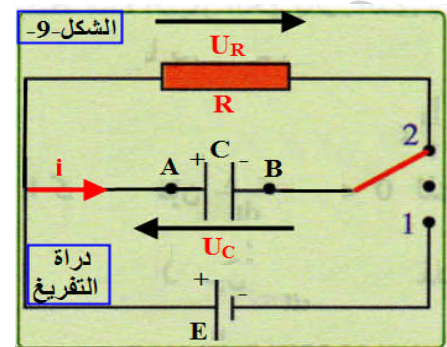
$$U_R + U_C = 0 \Rightarrow R \times i + U_C = 0 \Rightarrow R \times \frac{dq}{dt} + U_C = RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0$$

$$y' + \alpha y = 0 \quad \text{معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى من الشكل:} \quad RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0 \rightarrow (3)$$

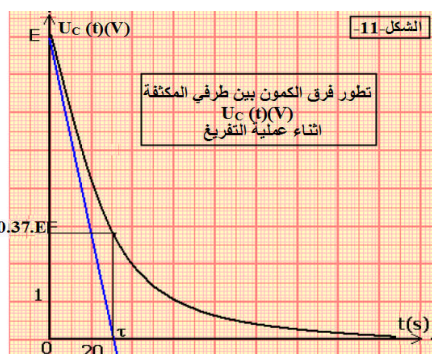
إثبات أن حلها من الشكل:

$$U_C(t) = E e^{-\frac{t}{RC}} \rightarrow (4) \quad \text{قيمة في المعادلة 3-}$$

نجد:



الشكل 9



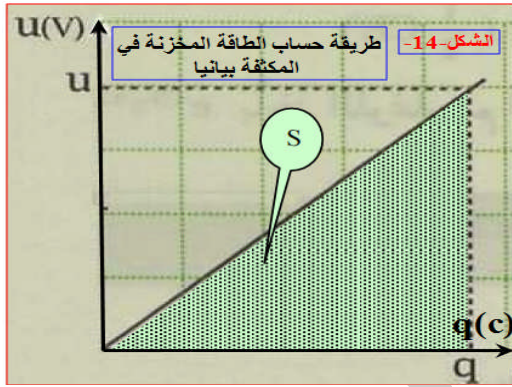
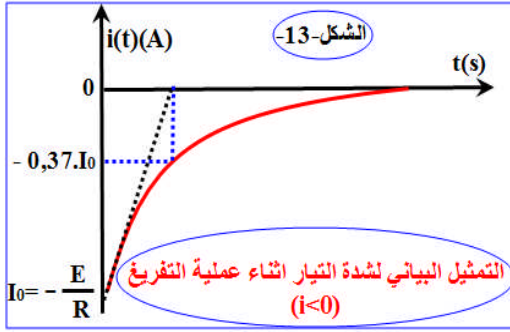
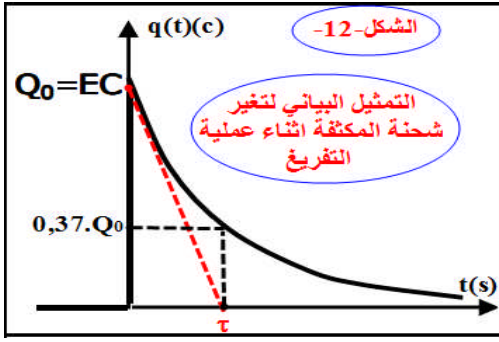
الشكل 11

$$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0 \Rightarrow RC \frac{d(E e^{-\frac{t}{RC}})}{dt} + E e^{-\frac{t}{RC}} = 0 \Rightarrow -\frac{RCE}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} + E e^{-\frac{t}{RC}} = 0$$

التمثيل البياني لـ  $U_C = f(t)$  الشكل 11-

2- ايجاد عبارة  $q = f(t)$  اثناء عملية التفريغ ثم تمثيلها بيانيا الشكل 12-:

$$q(t) = C \times U_C(t) = C \cdot E e^{-\frac{t}{RC}} = Q_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \rightarrow (Q_0 = C \cdot E)$$



3- إيجاد عبارة  $i=f(t)$  أثناء عملية التفريغ ثم تمثلها بيانيا الشكل-13:-

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \frac{d(C \cdot E e^{-\frac{1}{R.C}t})}{dt} = C \cdot E \cdot \frac{d(e^{-\frac{1}{R.C}t})}{dt}$$

$$\Rightarrow i(t) = -\frac{C \cdot E}{R \cdot C} e^{-\frac{1}{R.C}t} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{1}{R.C}t} = -I_0 \cdot e^{-\frac{1}{R.C}t}$$

-عبارة الطاقة بدلالة الزمن :  $E_{(c)} = f(t)$

13- الطاقة المخزنة في مكثفة عبارة الطاقة هي :  $E_{(c)} = \frac{1}{2} C \times U_c^2$

$$E_{(c)} = \frac{1}{2} C \times U_c^2 = \frac{1}{2} \frac{q}{U_c} \times U_c^2 = \frac{1}{2} q \times U_c = \frac{1}{2} q \times \frac{q}{c} = \frac{1}{2} \frac{q^2}{c}$$

ملاحظة : يمكن إيجاد هذه العلاقة من خلال حساب مساحة المثلث S في منحنى  $q=f(U_{AB})$  الشكل-14-

$$E_{(c)} = \frac{1}{2} q \times U_c$$

عبارة الطاقة بدلالة الزمن :

$$E_{(c)} = \frac{1}{2} C \times U_c^2 \Rightarrow E_{(c)}(t) = \frac{1}{2} C \times \left[ E e^{-\frac{t}{RC}} \right]^2$$

$$\Rightarrow E_{(c)}(t) = \frac{1}{2} C \cdot E^2 e^{-\frac{2t}{RC}} = \frac{1}{2} E_0^2 \cdot e^{-\frac{2t}{RC}} = \frac{1}{2} E_0^2 \cdot e^{-\frac{2}{\tau_{(c)}} t}$$

$$\Rightarrow E_{(c)}(t) = \frac{1}{2} E_0^2 \cdot e^{-\frac{1}{\tau_{(E)}} t} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{2}{\tau_{(c)}} = \frac{1}{\tau_{(E)}} \Rightarrow \tau_{(E)} = \frac{\tau_{(c)}}{2} \end{array} \right.$$

الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة عند نهاية الشحن

$$E_0 = \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2$$

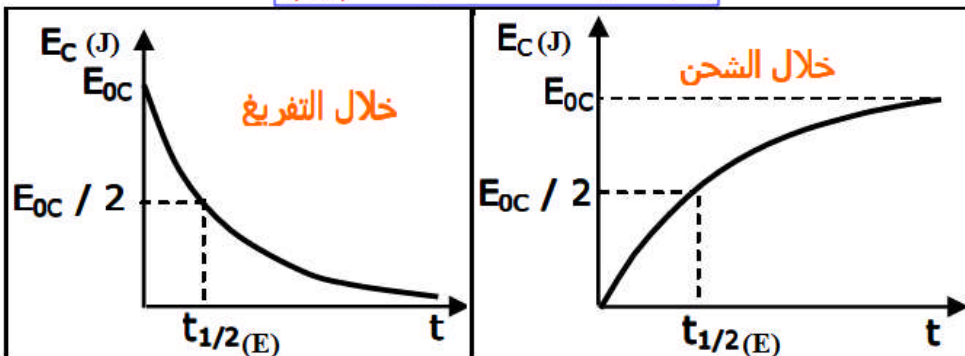
14- إثبات أن زمن تناقص الطاقة إلى النصف هو

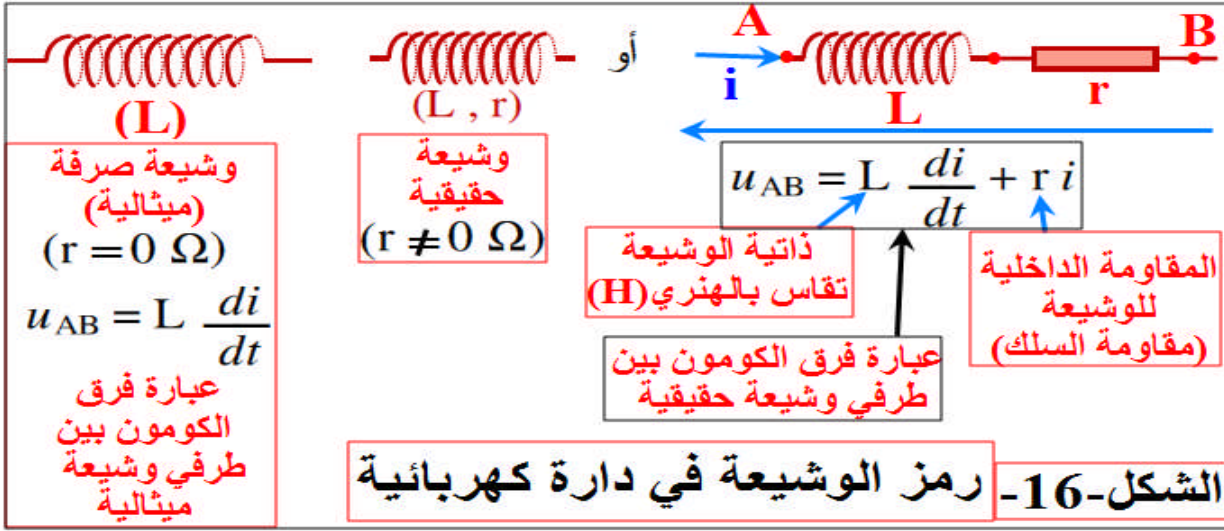
$$t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2$$

$$t = t_{1/2} \Rightarrow E_{(c)1/2} = \frac{E_0}{2} = E_0 e^{-\frac{2t_{1/2}}{R.C}} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\frac{2t_{1/2}}{R.C}} \Rightarrow \ln \frac{1}{2} = \ln e^{-\frac{2t_{1/2}}{R.C}}$$

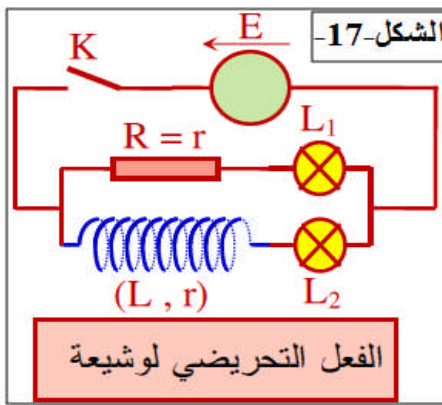
$$\ln 1 - \ln 2 = -\frac{2t_{1/2}}{R.C} \Rightarrow t_{1/2} = \frac{R.C \ln 2}{2} = \frac{\tau_{(c)} \ln 2}{2} \Rightarrow t_{1/2(E)} = \frac{t_{1/2(c)}}{2} = \frac{\tau_{(c)}}{2} \ln 2$$

زمن تناقص طاقة المكثفة الى النصف ( $t_{1/2}$ )





**1-وصف الوشيعة وتصرفها في جزء من دارة كهربائية**  
 1- ماهي الوشيعة؟  
 عبارة عن ناقل (سلك) معدني (محاط به عازل ملفوف بشكل حلزوني له مقاومة (r)  
 2- تمثل في دارة كهربائية بالرمز:  
**الشكل-16-**

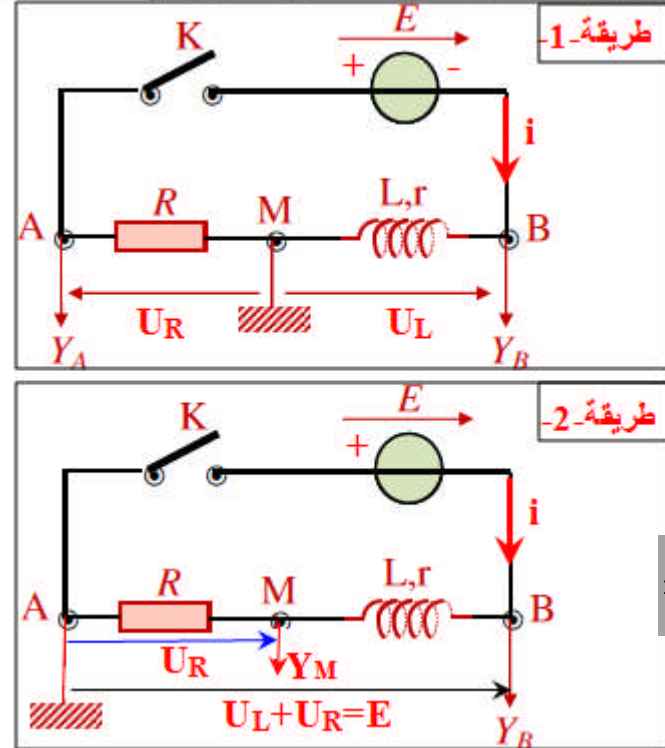


**3-الفرق بين الناقل الاومي (المقاومة R) والوشيعة :**  
 - عند غلق القاطعة (يشتعل المصباح L1 قبل L2) لان الوشيعة تقاوم تطبيق التيار في حين المقاومة لا تقاومه .  
 - عند فتح القاطعة (يتأخر انطفاء المصباح L2 عن L1) لسبب الطاقة المخزنة في الوشيعة لحظة غلق القاطعة .

**4- عبارة U\_AB في حالة تيار مستمر (i=C^st).**  
 الوشيعة تسلك في هذه الحالة سلوك ناقل اومي  

$$U_{AB} = L \frac{di}{dt} + ri \Rightarrow \left( \frac{di}{dt} = 0 (i = c^{st}) \right) \Rightarrow (U_{AB} = ri)$$

**طريقة توصيل راسم الاهتزاز المهبطي الشكل-19-**



**5-المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في دارة ثنائي القطب (RL)**  
**1- عند غلق القاطعة: (نشوء التيار في الدارة RL)**  
 - طريقة توصيل كل من الوشيعة والمكثفة إلى راسم الاهتزاز المهبطي انظر **الشكل-19-**  
 2- إثبات أن المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في هذه الحالة هي :  
 لدينا حسب قانون التوترات في دارة مغلقة: **الشكل-18-**  

$$(R + r) \times i + L \frac{di}{dt} = E$$

$$U_R + U_L = E \rightarrow (1)$$

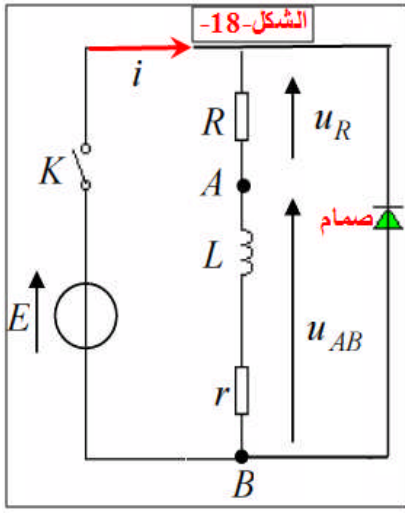
$$\Rightarrow Ri + ri + L \frac{di}{dt} = E$$

$$\Rightarrow (R + r)i + L \frac{di}{dt} = E$$

$$\Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{(R + r)}{L} i(t) = \frac{E}{L} \rightarrow (2)$$
 معادلة تفاضلية من الدرجة الاولى من الشكل:  $y' + Ay = B$

حلا للمعادلة التفاضلية (2). بالتعويض عن i(t) في المعادلة (2) نجد:

إثبات أن :  $i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$



$$\begin{aligned} \frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i &= \frac{E}{L} \Rightarrow \frac{d(I_0(1-e^{-\frac{t}{\tau}}))}{dt} + \left(\frac{R+r}{L}\right)I_0(1-e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{E}{L} \\ \Rightarrow \frac{I_0}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{L}I_0 - \frac{(R+r)}{L}I_0e^{-\frac{t}{\tau}} &= \frac{E}{L} \rightarrow \left(\frac{R+r}{L} = \frac{1}{\tau}\right) \\ \Rightarrow \frac{I_0}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{L}I_0 - \frac{I_0}{\tau}e^{-\frac{t}{\tau}} &= \frac{E}{L} \Rightarrow (R+r)I_0 = E \end{aligned}$$

حلا للمعادلة 2

$$i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \quad \text{ومنه}$$

$$\text{حيث: } \tau = \frac{L}{R+r}$$

يسمى ثابت الزمن : يمثل الزمن المميز لثنائي القطب RL (الزمن اللازم لبلوغ شدة التيار نسبة 63% من

قيمتها الاعظمية  $I_0$ ) عند غلق القاطعة الشكل-19.

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \quad \text{شدة التيار العظمى في النظام الدائم}$$

4- إثبات انه متجانس مع الزمن باستخدام التحليل البعدي :

$$\left\{ [L] = \frac{[U_L] \cdot [t]}{[I]} \right\} \rightarrow \left\{ \frac{1}{[R+r]} = \frac{[I]}{[E]} \right\} \rightarrow \{ [U_L] = [E] \}$$

$$[\tau] = \left[ \frac{L}{R+r} \right] = \frac{[I]}{[E]} \times \frac{[U_L] \cdot [t]}{[I]} = [T] = S$$

5- إيجاد المعادلة التفاضلية السابقة بدلالة  $U_R$  واستنتاج عبارة  $U_R = f(t)$ .

ثم تمثله بيانيا الشكل-20.

1- إيجاد المعادلة التفاضلية السابقة بدلالة  $U_R$  :

$$(R+r) \times i + L \frac{di}{dt} = E \Rightarrow (R+r) \times \frac{U_R}{R} + L \frac{d\left(\frac{U_R}{R}\right)}{dt} = E$$

$$\Rightarrow (R+r) \times \frac{U_R}{R} + \frac{L}{R} \frac{dU_R}{dt} = E$$

$$\Rightarrow \frac{dU_R}{dt} + \frac{(R+r)}{L}U_R = \frac{R}{L}E \rightarrow (3)$$

عبارة  $U_R = f(t)$  :

$$U_R(t) = R \times i(t) = R I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\Rightarrow U_R(t) = U_{R(\max)} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\left\{ U_{R(\max)} = R I_0 \right\}$$

أو بالتعويض في عبارة  $U_L(t)$  :

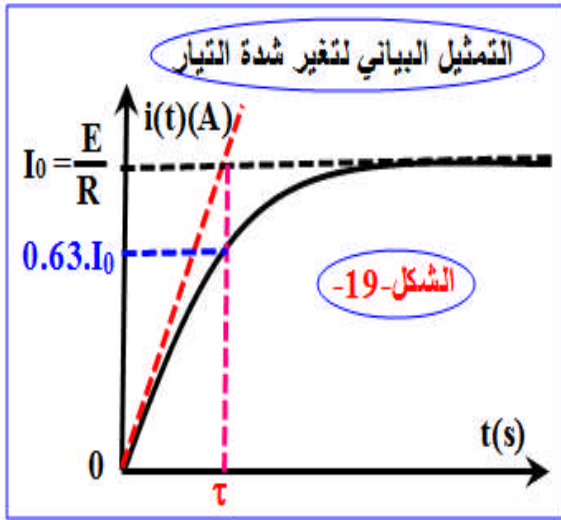
6- استنتاج عبارة  $U_L$  ثم تمثله بيانيا الشكل-21.

$$U_R + U_L = E \Rightarrow U_L = E - U_R = E - R I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

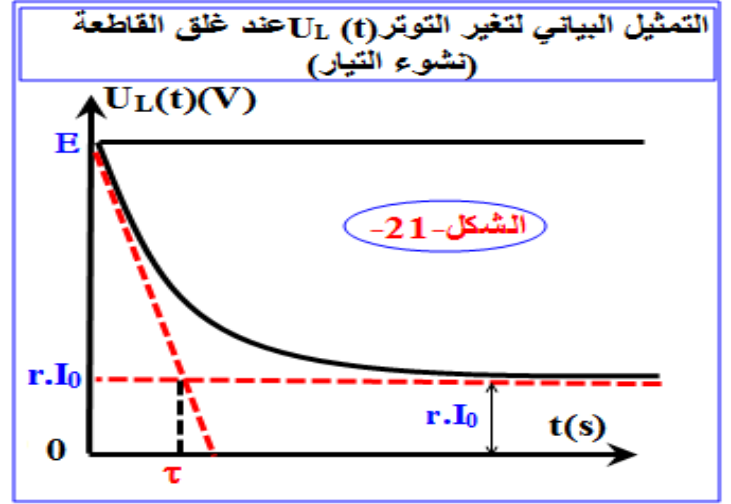
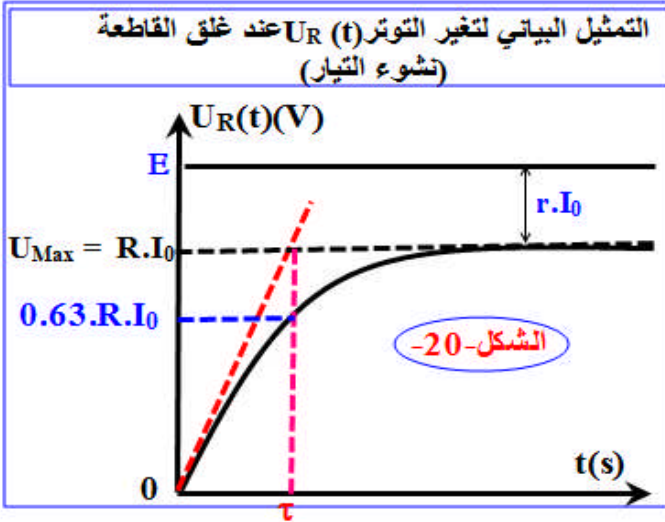
$$U_L = L \frac{di}{dt} + ri \Rightarrow U_L(t) = L \frac{d(I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}))}{dt} + r I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = L \frac{I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}}{\tau} + r I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\Rightarrow U_L = (R+r) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + r I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow U_L = E - R I_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$\left\{ (R+r) = \frac{L}{\tau} \right\}$$



عبارة  $U_L$  لدينا



2- المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في الدارة  $RL$  عند فتح القاطعة (انقطاع التيار)

1- ايجاد المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار في الدارة عند فتح القاطعة (انقطاع التيار) ثم إثبات أنها تقبل حلا من الشكل :

$i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$  ثم التمثيل البياني لـ  $i=f(t)$  الشكل-22

1- ايجاد المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار عند فتح القاطعة (عدم وجود مولد  $E=0$ ): بالتعويض في المعادلة -1-

نجد:  $E = U_L + U_R \rightarrow (1)$

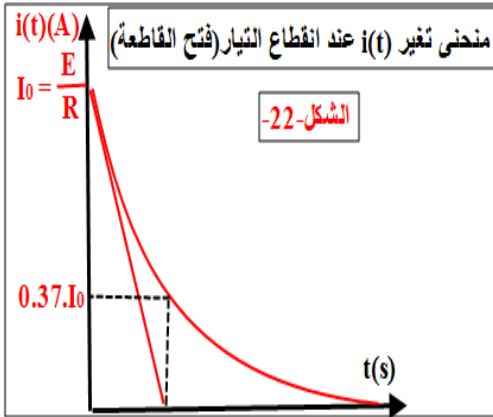
$U_R + U_L = 0 \Rightarrow Ri + ri + L \frac{di}{dt} = 0 \Rightarrow (R + r)i + L \frac{di}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{(R + r)}{L}i = 0 \rightarrow (3)$

$i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

حلها من الشكل

$y' + Ay = 0$

معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى من الشكل



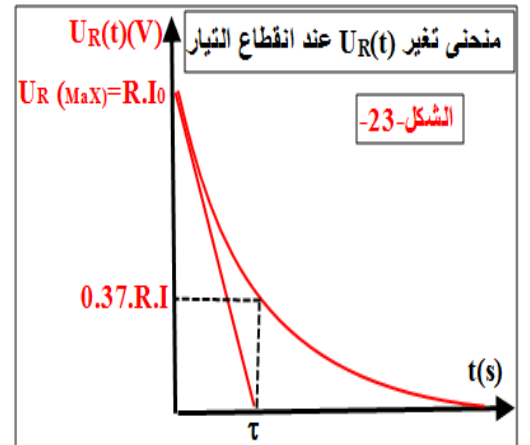
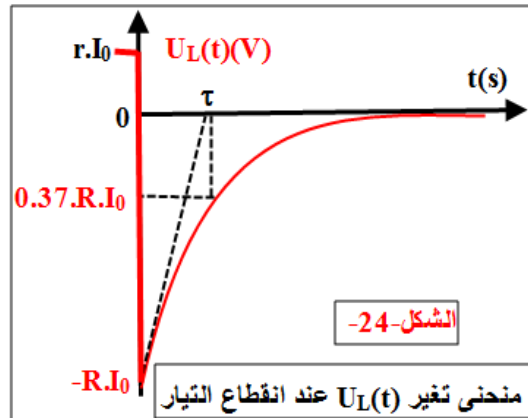
2- استنتاج عبارة  $U_R=f(t)$  وتمثلها بيانيا الشكل-23

$U_R(t) = R \times i(t) = RI_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

$\Rightarrow U_R(t) = U_{R(max)} e^{-\frac{t}{\tau}}$

3- عبارة:  $U_L=f(t)$  وتمثيله بيانيا الشكل-24- لدينا

$U_R + U_L = 0 \Rightarrow U_L = -U_R = -RI_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$



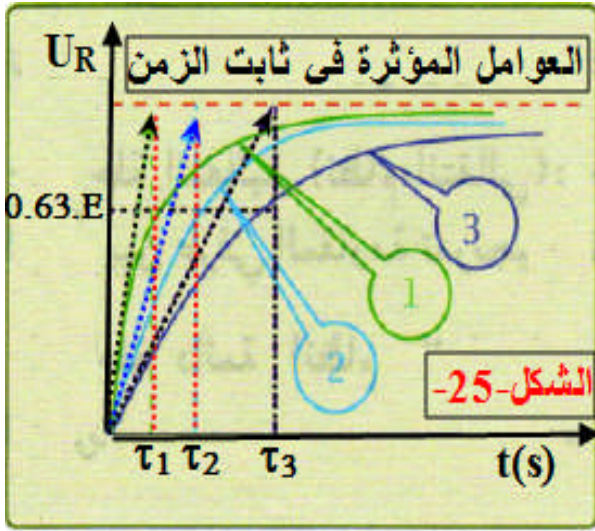


#### 4-العوامل المؤثرة في ثابت الزمن :

من الشكل-25- نستنتج ان ثابت الزمن يتناسب طرديا مع ذاتية الوشيجة  $L$  وعكسا مع قيمة المقاومة  $R$  لان:

$$\tau = \frac{L}{R+r} \Rightarrow \tau_3 > \tau_2 > \tau_1 \Rightarrow \frac{L_3}{R} > \frac{L_2}{R} > \frac{L_1}{R} \Rightarrow L_3 > L_2 > L_1$$

لا يتعلق ثابت الزمن بفرق الكمون بين طرفي المولد لان:  $\tau = \frac{L}{R+r}$



5-الطاقة المخزنة في وشيجة : عند غلق القاطعة تخزن الو شيجة طاقة كهرومغناطيسية وعند فتحها تستخدم هذه الطاقة حيث تعطي هذه

$$E_{(L)} = \frac{1}{2} L \times i^2 \Rightarrow E_{(L)} = \frac{1}{2} L \times (I_0 e^{-\frac{t}{\tau}})^2$$

$$\Rightarrow E_{(L)} = \frac{1}{2} L \times I_0^2 e^{-\frac{2t}{\tau}} \Rightarrow E_{(L)}(t) = E_0 e^{-\frac{2t}{\tau}}$$

$$(E_0 = \frac{1}{2} L \times I_0^2)$$

$$E_{(L)} = \frac{1}{2} L \times i^2 : \text{الطاقة بالعلاقة}$$

التعبير عن الطاقة بدلالة  $I_0, t, L, \tau$  عند فتح القاطعة:  
 بالتعويض عن  $i(t)$  بقيمتها في عبارة الطاقة نجد:  
 الطاقة العظمى المخزنة في الو شيجة عند غلق القاطعة

6-اثبات أن زمن تناقص الطاقة إلى النصف هو :

$$t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2$$

$$t = t_{1/2} \Rightarrow \frac{E_0}{2} = E_0 e^{-\frac{2t_{1/2}}{\tau_L}} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\frac{2t_{1/2}}{\tau_L}}$$

$$\text{حيث : } \tau = \frac{L}{R+r} \text{ (ثابت الزمن)}$$

$$\Rightarrow \ln \frac{1}{2} = \ln e^{-\frac{2t_{1/2}}{\tau_L}} \Rightarrow \ln 2 = \frac{2t_{1/2}}{\tau_L}$$

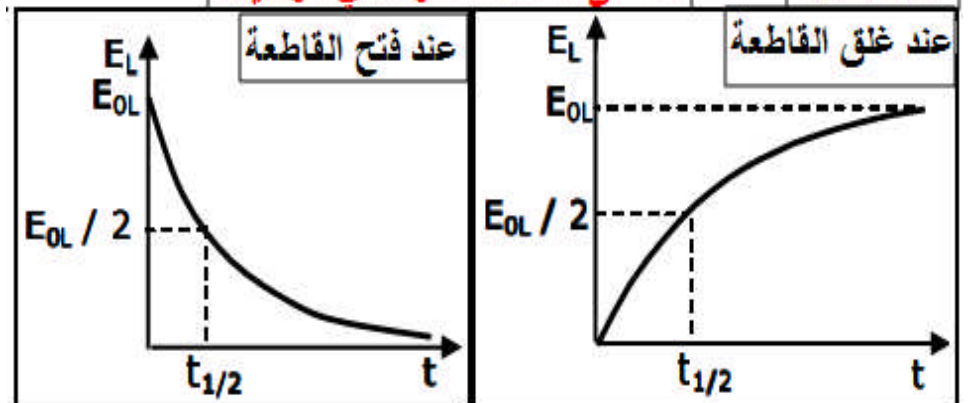
$$\tau_{(E)} = \frac{\tau_{(L)}}{2}$$

لدينا من الشكل-26- :

$$\Rightarrow t_{1/2} = \frac{\tau_L}{2} \ln 2$$

#### منحنى الطاقة المخزنة في الو شيجة

#### الشكل-26



من إعداد الأستاذ خيرات  
 مخلوف لاتنسونا من دعائكم في  
 حالة خطأ راسلونا على العنوان  
 التالي

Makhlouf04@gmail.com