

نحضير بكالوريا 2012

إخترار في مادة الرياضيات

التمرين 01

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

نعتبر النقط التالية $A(4; 0; -3)$ ، $B(2; 2; 2)$ ، $C(3; -3; -1)$ و $D(0; 0; -3)$.

(1) عين معادلة ديكرتية لمستوي محور $[AB]$ (ليكن (P) هذا المستوي).

(2) اثبت أن المستويين محوري القطعتين $[BC]$ و $[DC]$ معرفان بالمعادلتين $2x-10y-6z-7=0$

و $3x-3y+2z-5=0$ على الترتيب .

(3) - بين أن تقاطع هذه المستويات الثلاثة هو نقطة E يطلب تعيين إحداثياتها .

(4) بين أن النقط A ، B ، C ، D تقع على سطح كرة مركزها E يطلب تعيين نصف قطرها .

التمرين 02:

المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $O; \vec{OI}, \vec{OJ}$

لتكن A ، B ، C صور الأعداد : $-7+5i$ ، $-7-5i$ ، $i\sqrt{2}$ و على الترتيب .

(1) عين لاحقة النقطة G صورة النقطة C بالدوران r الذي مركزه O و أحد أقياس زاويته $-\frac{\pi}{4}$.

(2) لتكن D النقطة التي لاحقتها $1+i$. عين لاحقة النقطة E حيث $ABDE$ متوازي الأضلاع .

(3) لتكن F النقطة التي لاحقتها $1+11i$. نضع $\omega = \frac{z_A - z_D}{z_F - z_B}$.

(أ) أكتب ω على الشكل الجبري ثم الأسّي .

(ب) أثبت أن المستقيمين AD و BF متعامدان.

(ج) استنتج طبيعة الرباعي $ABDF$.

(4) عين مجموعة النقط M ذات اللاحقة z التي تحقق : $\left| \frac{z - z_D}{z - z_B} \right| - \sqrt{2} = 0$

التمرين 03: ميز بين الجمل الصحيحة والجمل الخاطئة .

(1) كل متتالية متناقصة هي محدودة من الأعلى .

(2) كل متتالية متناقصة ومحدودة من الأسفل بالعدد 0 فتكون نهايتها معدومة .

(3) كل متتالية متزايدة ومحدودة من الأعلى هي محدودة .

(4) إذا كانت نهاية متتالية هي $+\infty$ فإن هذه المتتالية تكون غير محدودة من الأعلى .

(5) كل متتالية متقاربة هي محدودة .

(6) إذا كانت (u_n) و (v_n) متتاليتين متقاربتين و تحققان من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_n < v_n$ فإن $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n < \lim_{n \rightarrow +\infty} v_n$

التمرين 04:

I. f دالة معرفة على \mathbb{R}^{**+} بـ $f(x) = x(\ln x)^2$

1.أ- بين أنه من أجل $x > 0$ $f(x) = 4(\sqrt{x} \ln \sqrt{x})^2$.

ب- عين نهايات الدالة f عند حدود مجموعة التعريف.

2. بين أن f قابلة للاشتقاق عند كل نقطة و أحسب $f'(x)$.

3. ادرس تغيرات f .

4. ليكن \mathcal{C} المنحني الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس الوحدة: $20cm$. أنشئ \mathcal{C} على المجال $]0;1]$.

II. نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R}^{**+} بـ $g(x) = -2x \ln x$

Γ تمثيلها البياني في نفس المعلم.

1. عين نهايات g عند حدود مجموعة تعريفها.

2. ادرس تغيرات g .

3.أ- بين أنه من أجل كل $x > 1$: $f(x) - g(x) = xf'(x)$

ب. استنتج الوضعية النسبية للمنحنيين \mathcal{C} و Γ .

4. أنشئ Γ على المجال $]0;1]$ في نفس المعلم.

III. ليكن $x_0 \in]0; +\infty[$.

1. بين أن معادلة المماس T لـ \mathcal{C} عند النقطة التي فاصلتها x_0 هي $y = xf'(x_0) + g(x_0)$.

ما هما إحداثيتي نقطة تقاطع المماس T مع محور الترتيب؟

2. استعمل السؤال السابق لإعطاء طريقة لإنشاء المماس T .

تطبيق : أنشئ المماس للمنحني \mathcal{C} عند النقطة التي فاصلتها $0,6$.