

المدة: 3 ساعات

المدة: 3 ساعات ونصف

الفرض الثاني في مادة الرياضيات

الموضوع (أ)

التمرين الأول في كل حالة من الحالات التالية، اجب بصحيح او خطأ مع التعليل.

في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  نعتبر النقط  $A(0,0,2)$  ،  $B(0,4,0)$  ،  $C(2,0,0)$  ، نسمي  $I$  منتصف القطعة  $[BC]$  و  $G$  مركز ثقل المثلث  $ABC$

(1) مجموعة النقط  $M$  من الفضاء حيث:  $\vec{AM} \cdot \vec{BC} = 0$  هي المستوي (IOA)

(2) حجم رباعي الوجوه  $OABC$  يساوي 4.

(3) تمثيل وسيطي للمستقيم (AG) هو :  $\begin{cases} x = t \\ y = 2t \\ z = 2 - 2t \end{cases}$  حيث  $(t \in \mathbb{R})$

التمرين الثاني ( I ) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  بـ :

$$g(x) = -\frac{1}{x+1} + \ln(x+1) \quad \text{واليك } (C_g) \text{ تمثيلها البياني}$$

(1) أدرس تغيرات الدالة  $g$  على المجال  $]-1; +\infty[$ .

(2) بين ان  $(C_g)$  يقطع محور الفواصل في نقطة واحدة فاصلتها  $\alpha$  حيث  $0.7 < \alpha < 0.8$

(3) استنتج حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$  على المجال  $]-1; +\infty[$ .

II- f دالة معرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  بـ :  $f(x) = -x + 1 + x \ln(x+1)$

نسمي  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(1) بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على المجال  $]-1; +\infty[$  ثم بين  $f'(x) = g(x)$ .

(2) أدرس تغيرات الدالة  $f$ ، محددًا معادلة المستقيم المقارب للمنحنى  $(C)$ .

(3) عين معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحنى  $(C)$  عند النقطة التي فاصلتها 0.

• أدرس حسب قيم  $x$  إشارة  $x \ln(x+1)$  على المجال  $]-1; +\infty[$ .

• استنتج الوضع النسبي للمنحنى  $(C)$  والمماس  $(\Delta)$ .

(4) بين أن  $f(\alpha) = \frac{-\alpha^2 + \alpha + 1}{\alpha + 1}$ ، ثم عين حصرًا للعدد  $f(\alpha)$ .

(5) احسب  $f(3)$ ،  $f(4)$  ثم أرسم  $(C)$  و  $(\Delta)$ .

شعبة: 3 علوم تجريبية

المدة: ساعة ونصف

الفرض الثاني في مادة الرياضيات

الموضوع (ب)

التمرين الأول في كل حالة من الحالات التالية، اجب بصحيح او خطأ مع التعليل.

في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط  $A(3,1,-3)$  ،  $B(0,4,-5)$  ،  $C(-1,2,-5)$  ،  $D(2,3,4)$

(1) النقط  $A$  ،  $B$  ،  $D$  على استقامة واحدة.

(2) معادلة المستوي (BCD) هي:  $18x - 9y - 5z + 11 = 0$

(3) سطح الكرة التي مركزها  $A$  ونصف قطرها 9 تمس المستوي (BCD)

التمرين الثاني لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  كمايلي:

$$f(x) = \frac{2x}{x+1} - \ln(x+1)$$

(1) أحسب نهايتي الدالة  $f$  عند كلا من  $-1$  و  $+\infty$  لاحظ أن:  $f(x) = \frac{1}{x+1} [2x - (x+1)\ln(x+1)]$

(2) أدرس اتجاه تغيرات الدالة  $f$ ، ثم أرسم جدول تغيراتها.

(3) بين أن المعادلة:  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $]-1; +\infty[$ .

(4) أعط قيمة مقربة إلى  $0,1$  للعدد  $f(\alpha)$  علما أن  $\alpha \approx 4,39$ ، ثم استنتج إشارة  $f(x)$

II- لتكن  $g$  دالة عددية معرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  كمايلي:

$$g(x) = \frac{\ln(x+1)}{\sqrt{x}} \quad \text{و } g(0) = 0$$

(أ-1) بين أن  $g$  مستمرة عند  $0$ ، (ب) هل الدالة  $g$  قابلة للاشتقاق عند  $0$ ؟

(أ-2) بين أنه من اجل كل عدد حقيقي موجب  $x$ :  $g'(x) = \frac{f(x)}{2x\sqrt{x}}$ .

(ب) أحسب نهاية الدالة  $g$  عند  $+\infty$ ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $g$

(ج- بين أن  $g(\alpha) = \frac{2\sqrt{\alpha}}{\alpha+1}$

(د- أنشئ المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة  $g$ .