

العلامة		عناصر الإجابة					محاوير الموضوع
كاملة	مجزأة	التمرين الأول					الأعداد و الحساب
		رتبة مقدار العدد	الكتابة العلمية	المدورالي 10^{-3}	المدورالي 10^{-1}	العدد	
	1	9×10^{-1}	8.7474×10^{-1}	87,474	87,5	87,4741	
	1	3×10^{-2}	2.95×10^{-2}	0.030	00	0,0295	
	1	8	7.899	7.899	7.9	7,8987	
	1	10^{-4}	1×10^{-4}	00	00	0,0001	
	1					537×10^6	
	0.5	التمرين الأول: (06 نقاط)					
	0.5	$\left(\sqrt{\frac{5}{2}} - \sqrt{\frac{2}{5}} \right)^2 = \frac{9}{10} \in \mathbb{Q} \quad / \text{أ-1}$					المجموعات العديدية والحساب
	0.5	$\left(\sqrt{\frac{3}{4}} - \sqrt{\frac{4}{3}} \right)^2 = \frac{1}{12} \in \mathbb{Q}$					
	0.5	$\left(\sqrt{a} + \sqrt{\frac{1}{a}} \right)^2 = \frac{(a+1)^2}{a} \in \mathbb{Q} \quad / \text{ب}$					المتباينات والحصر
	1	$\left(\sqrt{a} - \sqrt{\frac{1}{a}} \right)^2 = \frac{(a-1)^2}{a} \in \mathbb{Q}$					
	1	-2 / أ / حصر $a - b$: $-7 \leq a - b \leq -3$					
	0.5	ب / حصر $\frac{b}{a}$: $\frac{4}{7} \leq \frac{b}{a} \leq 3$					
	0.5	-3 / لدينا : $ a \leq 3$ أي : $-3 \leq a \leq 3$					
	0.5						القيمة

05 نقاط

06 نقاط

02

$$-1 \leq b \leq 1 \quad |b| \leq 1 \text{ أي}$$

$$\text{ومنه: } -5 \leq a - 2b \leq 5$$

$$\text{إذن: } |a - 2b| \leq 5$$

التمرين الثالث:

1. تبيان أنه إذا كان I مجال مركزه C و r نصف قطره فإن من أجل كل $x \in I$

$$\text{يكون } |x - c| \leq r$$

ليكن I مجال مركزه C و r نصف قطره ومنه: $I = [c+r, c-r]$

$$\text{لدينا: } x \in I \text{ ومنه: } x \in [c-r, c+r] \text{ وعليه: } c-r \leq x \leq c+r$$

$$\text{ومنه: } c-r-c \leq x-c \leq c+r-c \text{ أي: } -r \leq x-c \leq r$$

$$\text{إذن: } |x-c| \leq r$$

2. التعبير عن المجال $I = [2,4]$ بالقيمة المطلقة ثم بالمسافة

1.5

$$\text{لدينا: } c = \frac{a+b}{2} = \frac{2+4}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$\text{ولدينا: } r = \frac{b-a}{2} = \frac{4-2}{2} = 1$$

المسافة	القيمة المطلقة	المجال
$d(x,3) \leq 1$	$ x-3 \leq 1$	$[2,4]$

02

11. ليكن x عدد حقيقي حيث: $A = |x-1| - 2$ و $B = \frac{x^2 - 2x - 3}{|x-1| + 2}$

1

1. تعيين مجال J لقيم x حيث $A < 0$

1

$$\text{لدينا: } A < 0 \text{ ومنه: } |x-1| - 2 < 0 \text{ ومنه: } |x-1| < 2 \text{ وعليه: } -2 < x-1 < 2$$

$$\text{ومنه: } -2+1 < x-1+1 < 2+1 \text{ وعليه: } -1 < x < 3$$

$$\text{إذن: } J =]-1,3[$$

02

2. تعيين $I \cup J$ و $I \cap J$

$$\text{لدينا: } I \cap J = [2,3[\cap]-1,3[\text{ ومنه: } I \cap J = [2,3[$$

$$\text{ولدينا: } I \cup J = [2,4] \cup]-1,3[\text{ ومنه: } I \cup J =]-1,4]$$

3. بين أن $A = B$ (إرشاد $|x|^2 = x^2$)

$$\text{لدينا: } A - B = |x-1| - 2 - \frac{x^2 - 2x - 3}{|x-1| + 2}$$

$$A - B = \frac{(|x-1|-2)(|x-1|+2) - (x^2 - 2x - 3)}{|x-1|+2} \text{ ومنه:}$$

$$A - B = \frac{|x-1|^2 - 2^2 - x^2 + 2x + 3}{|x-1|+2} \text{ وعليه:}$$

$$A - B = \frac{(x-1)^2 - 4 - x^2 + 2x + 3}{|x-1|+2} \text{ ومنه:}$$

$$A - B = \frac{x^2 - 2x + 1 - 4 - x^2 + 2x + 3}{|x-1|+2} \text{ وعليه:}$$

$$A - B = \frac{x^2 - 2x - 3 - x^2 + 2x + 3}{|x-1|+2} \text{ إذن:}$$

$$A = B \text{ وعليه: } A - B = 0 \text{ ومنه:}$$

إعداد أستاذ المادة / مقراني سفيان /

