

تمارين حول العمل والطاقة الحركية .

التمرين الاول :

نترك كرية كتلتها $m = 1\text{kg}$ تسقط سقوطاً حراً بدون سرعة ابتدائية من نقطة A تقع على بعد $2m$ من نقطة أخرى B أسفلها ثم تواصل حركتها على مستوى مائل على الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ وطوله $BC = 3m$ بعد ذلك تكمل سيرها على طريق أفقى CD .

- 1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (كرية) بين الوضعين A و B ، ثم اكتب معادلة انفاذ الطاقة .

- أحسب سرعتها عند .

2- تؤثر على الكرة قوة احتكاك $f = 5N$ على طول المسار (BC) .

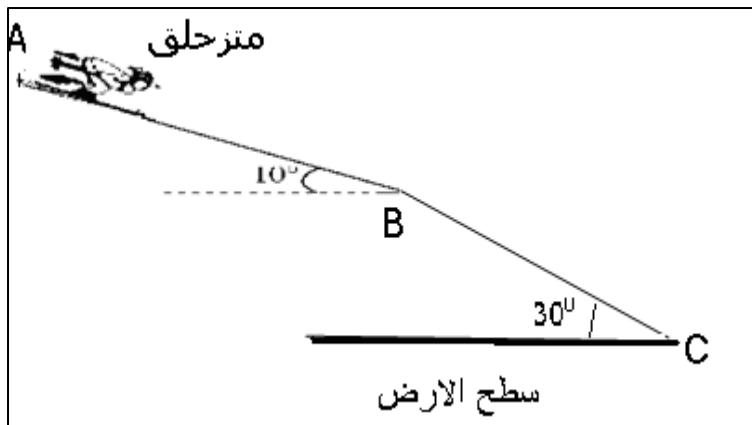
- باستعمال نظرية الطاقة الحركية اوجد عبارة السرعة عند C ثم احسبها .

- تتوقف الكرة عند النقطة D . احسب المسافة .

$$g = 10\text{N/kg}$$

التمرين الثاني :

- ينتقل متزحلق ثقله $N = 600$ على مستوى ثلجي مستقيم يصنع مع الأفق زاوية $\alpha = 10^\circ$ ويتحرك على المستوى AB ، حيث ينطلق من الموضع A بدون سرعة ابتدائية يخضع المتزحلق إلى قوى احتكاك مع الثلج والهواء محوصلة في قوة f



- 1- ما هي القوى المطبقة على المتزحلق عند انتقاله من A الى B ثم مثلها على الشكل .

2- اذا كانت قيمة طوبية قوة الاحتكاك متساوية لـ $f = 100\text{N}$. فاحسب مجموع أعمال القوى المطبقة على المتزحلق .

3- استنتج قيمة الطاقة الحركية وسرعة المتزحلق عند الموضع B .

- ينزل الآن المتزحلق بدون احتكاك ابتداء من B على منحدر جليدي ثان BC مائل بـ 30° بالنسبة لسطح الأرض .

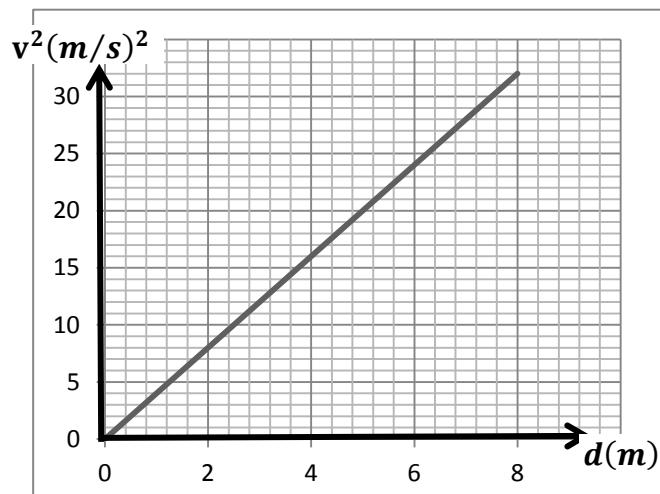
أ- مثل الحصيلة الطاقوية للمتزحلق بين B و C .

ب- استنتج عمل قوة التقلع عند انتقال المتزحلق من B الى C .

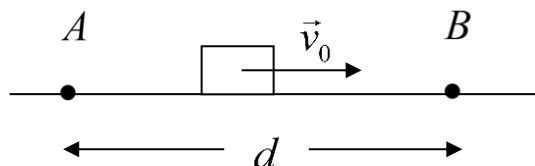
ج- اوجد سرعة المتزحلق عند الموضع C .

التمرين الثالث :

لتبيان شدة قوة الاحتكاك f التي تعيق حركة جسم صلب (S') كتلته $m = 400\text{g}$ ينتقل على سطح طاولة أفقية كبيرة ، نقوم بالتجربة التالية :



نعطي للجسم (S') سرعة ابتدائية معلومة v_0 ، فينتقل على سطح الطاولة ليقطع مسافة $AB = d$ قبل أن يتوقف عن الحركة .



نكر هذه التجربة عدة مرات و نرسم البيان $f(d) = v_0^2$ الذي يمثل تغيرات مربع السرعة الابتدائية بدلالة المسافة المقطوعة d .

- 1- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S') .
- 2- بتطبيق مبدأ انفاذ الطاقة ، أوجد العلاقة التي تعطي v_0^2 بدلالة (f_r, d, m) .
- 3- أوجد شدة القوة \vec{f}_r مستعيناً بالبيان والعلقة النظرية المستخرجة في السؤال 2.

التمرين الرابع

يتحرك جسم نقطي كتلته $g = 400 \text{ m}$ من النقطة A بدون سرعة ابتدائية على مستوى مائل طوله $AB = 2 \text{ m}$ وزاوية ميله $\alpha = 30^\circ$ مع

الأفق. يخضع الجسم بين النقطتين A و B لقوة احتكاك \vec{f} معاكسة لاتجاه الحركة قيمتها $f = 0,4N$.

1. أ) مثل القوى المطبقة على الجسم عندما يتحرك على AB

ب) أحسب بين A و B عمل كل من الثقل \vec{P} و قوة الاحتكاك \vec{f} .

2. أ) مثل الحصيلة الطاقوية للجسم بين A و B ثم أكتب معادلة انفاذ الطاقة

ب) أحسب الطاقة الحركية للجسم عند الموضع B .

ج) استنتج سرعة الجسم عندما يصل إلى النقطة B .

3. يغادر الجسم النقطة B ليسقط على النقطة D (أنظر الشكل) .

أ) مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين النقطتين B و D

ب) أكتب معادلة انفاذ الطاقة .

ج) يصل الجسم إلى النقطة D بسرعة قيمتها $v_D = 10 \text{ m/s}$.

- استنتج الارتفاع $h = BC$.

نهمل تأثير الهواء ونأخذ $g = 10 \text{ N/kg}$

التمرين الخامس

نعتبر في هذا التمرين أن الاحتكاكات مهملة، و قيمة الجاذبية الأرضية هي : $g = 10 \text{ SI}$.

يتحرك جسم كتلته m على مسار دائري أملس نصف قطره $R = 80 \text{ cm}$

حيث ينطلق ابتداء من الموضع A بدون سرعة ابتدائية ليمر بالموضع M المحدد بالزاوية θ .

- قمنا بدراسة تغيرات الطاقة الحركية Ec للجملة (جسم) بدلالة $\sin \theta$.

فتحصلنا على المنحنى المقابل :

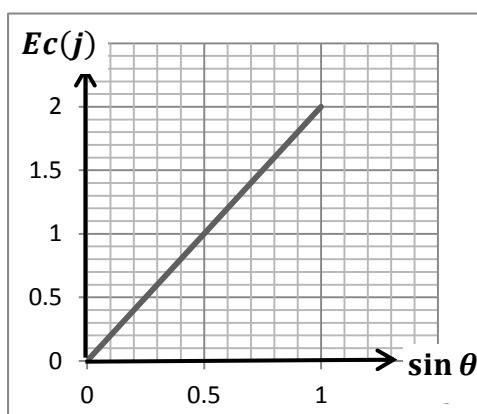
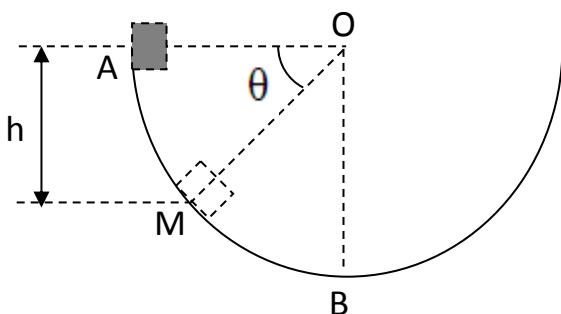
1- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموضعين M و A ،

ثم أكتب معادلة انفاذ الطاقة .

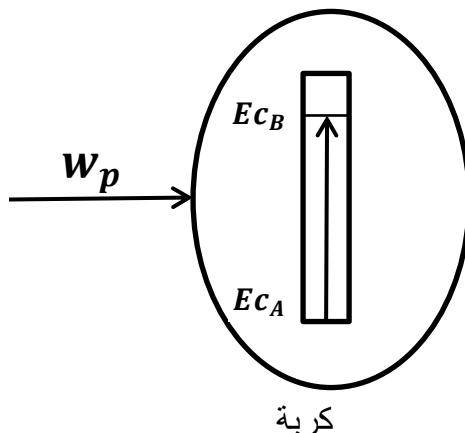
2- أكتب عبارة الارتفاع h بدلالة نصف القطر R والزاوية θ .

3- استنتاج عبارة الطاقة الحركية عند الموضع M بدلالة g ، m ، R ، θ .

4- بالاستعانة بالبيان والعبارة السابقة اوجد قيمة الكتلة m .



حل التمرين الأول :
1- تمثيل الحصيلة الطاقوية :



- معادلة انفاذ الطاقة :

$$Ec_A + w_p = Ec_B$$

- السرعة عند B :

$$Ec_A + w_p = Ec_B \Rightarrow m g h = \frac{1}{2} m v_B^2 \Rightarrow 2g h = v_B^2$$

$$v_B = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 2} = 6.32 \text{ m/s}$$

- عبارة السرعة :

$$\Delta Ec = \sum w$$

$$Ec_c - Ec_B = w_p + w_f \Rightarrow \frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = m g h' - f \times BC$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_C^2 = m g h' - f \times BC + \frac{1}{2} m v_B^2 \Rightarrow v_C^2 = \frac{m g h' - f \times BC + \frac{1}{2} m v_B^2}{\frac{1}{2} m}$$

من الشكل نجد أن :

$$h' = BC \sin \alpha$$

$$v_C = \sqrt{\frac{m g BC \sin \alpha - f \times BC + \frac{1}{2} m v_B^2}{\frac{1}{2} m}} = \sqrt{\frac{1 \times 10 \times 3 \times \sin 30^\circ - 5 \times 3 + 0.5 \times 1 \times (6.32)^2}{0.5 \times 1}}$$

$$v_C = 6.32 \text{ m/s}$$

- حساب المسافة DC :

$$\Delta Ec = \sum w$$

$$Ec_D - Ec_C = +w_f \Rightarrow -\frac{1}{2} m v_C^2 = -f \times CD$$

$$\Rightarrow CD = \frac{-\frac{1}{2} m v_C^2}{-f} = \frac{0.5 \times 1 \times (6.32)^2}{5} = 4m$$