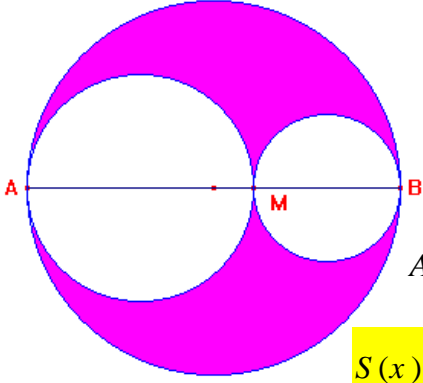


تمرين 01:



لتكن الدائرة ذات القطر  $[AB]$  حيث  $AB = 4$ .  $M$  نقطة من  $[AB]$

ننشئ الدائرتين اللتين قطراهما  $[AM]$  و  $[MB]$ . كما هو موضح في الشكل

نرمز بـ  $S(x)$  إلى مساحة الحيز الملون و بـ  $a$  إلى مساحة القرص الذي قطره  $[AB]$ . نضع  $AM = x$

1- بين إلى أي مجال ينتمي  $x$  ثم أحسب  $S(x)$  بدلالة  $x$ . و برهن أن:  $S(x) = \frac{\pi}{2}(-x^2 + 4x)$

2- بين أن موضع النقطة  $M$  بحيث يكون:  $S(x) = \frac{a}{2}$  يكون في منتصف القطعة  $[AB]$ .

3- حل في  $R$  المتراجحة:  $-x^2 + 4x - 2 > 0$ . ثم عين قيم  $x$  التي يكون من أجلها:  $S(x) > \frac{a}{4}$ .

تمرين 02: السؤالان (أ) و (ب) مستقلان عن بعضهما

(أ) نعتبر النقط  $A(2; 4)$ ,  $C(6; 0)$  و  $I(2; 0)$  لتكن النقطتين  $B'$  و  $K$  حيث  $B'$  منتصف القطعة  $[AC]$  و  $K$  منتصف القطعة  $[OB]$ .

(1) احسب إحداثيتي كل من  $B'$  و  $K$ .

(2) جد عددين حقيقيين  $\alpha$  و  $\beta$  حيث تكون  $K$  مرجح لـ  $(A, \alpha)$  و  $(I, \beta)$ .

(3) احسب إحداثيتي  $J$  مرجح  $(A, 1)$  و  $(O, 2)$ . ثم برهن أن  $(IJ)$  و  $(AC)$  متوازيان

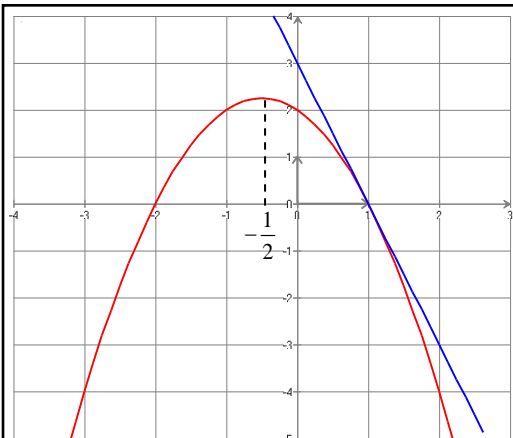
(ب)  $ABCD$  متوازي أضلاع.  $m$  عدد حقيقي. نرمز بـ  $G_m$  مرجح  $(A, 2m)$ ,  $(B, 1-m)$  و  $(C, 2-m)$ .

(1) بين أن  $G_m$  موجود من أجل كل عدد حقيقي  $m$ . ثم عبر عن  $\overrightarrow{AG_m}$  بدلالة  $m$  و  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{AC}$ . واستنتج أن  $\overrightarrow{G_1 G_m} = \frac{1-m}{3} \overrightarrow{AD}$

(5) ما هي مجموعة النقط  $G_m$  عندما يسمح  $m$  مجموعة الأعداد الحقيقية  $\mathbb{R}$ ? أنشئ هذه المجموعة

تمرين 03:

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  حيث:  $f(x) = \alpha x^2 + \beta x + \gamma$ . المنحنى المقابل  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .



1. عين بيانيا:  $f(-2)$ ,  $f(1)$ ,  $f'(1)$  و  $f'(-\frac{1}{2})$  و إشارة  $f'(2012)$

3. حل بيانيا المتراجحتين:  $f'(x) < 0$  و  $f(x) < 0$

- أحسب الدالة المشتقة  $f'(x)$  بدلالة  $x$ .  $\alpha$ ,  $\beta$  و  $\gamma$ .

- إعتقادا على السؤال 1. بين أن:  $\alpha = \beta = -1$  و  $\gamma = 2$ .

- أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

- أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 1.

- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  إشارة و عدد حلول المعادلة:  $x^2 + x + m - 2 = 0$