

## الواجب الثاني في مادة الرياضيات

### • التمرين الأول:

$ABC$  مثلث قائم في  $A$  حيث:  $AB=4$  و  $AC=3$

لتكن  $G$  نقطة من المستوى تحقق المساواة الشعاعية:  $\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AC} + \alpha \overrightarrow{AB}$  حيث  $\alpha$  عدد حقيقي

1) بين أن  $G$  هي مرجحا للجملة:  $\{(A, -\alpha), (B, \alpha), (C, 1)\} \dots \dots (*)$

2) نفرض أن  $\alpha = -1$ .

أ) أنشئ النقطة  $G$ .

ب) بين أن الرباعي  $ABCG$  متوازي أضلاع يطلب تعين مساحته  $S$  ومحيطه  $P$ .

ج) عين ثم أنشئ مجموعة النقط  $M$  من المستوى بحيث:  $||MA - MB + MC|| = AB$

3) المستوى مزود بعمد متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

نعتبر النقط:  $C(0, 3)$ ;  $B(4, 1)$ ;  $A(0, 1)$

أ) عين إحداثي النقطة  $G$  مرجحة الجملة  $(*)$  بدلالة  $\alpha$ .

ب) هل يمكن ان تكون  $G$  مركز ثقل المثلث  $ABC$ ؟

ج) بين أن مجموعة النقط  $G$  عندما  $\alpha$  يمسح  $R^*$  هي مستقيم يطلب تعين معادلة له.

### التمرين الثاني:

$f(x) = ax^3 + bx^2 + c$  دالة معرفة وقابلة للاشتاقاق على  $[-3; 1]$ : كمالي:

و (C) منحنانا البياني المعطى في الشكل المقابل

1) باستعمال المنحنى (C) عين  $f(-1)$ ,  $f(1)$ ,  $f(0)$ .

2) باستعمال عبارة  $f(x)$  والسؤال 1) بين أن:

$$b - a = 2 \quad b + a = 4 \quad c = -1$$

3) استنتج عبارة  $f'(x)$  ثم عبارة المشتقة  $(f'(x))'$

اكتب معادلة للمماس  $d$  للمنحنى (C)

عند النقطة  $A$  ذات الفاصلة 1. أنشئ  $d$ .

4) حل بيانيا ثم جبريا المعادلة  $f(x) = 1$

