

01 نزود المستوي بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}, \vec{o})$

لتكن النقط $A(1,0)$, $B(2;-2)$, $C(3;1)$, $D(x;-1)$

(1) أحسب الأطوال AB , AC , BC

(2) استنتج نوع المثلث ABC

(3) عين العدد الحقيقي x حتى يكون $ABDC$ مربعاً.

02 A و B نقطتان من المستوي حيث $AB = 8\text{cm}$

(1) عين وأنشئ النقطة G مرجح الجملة $\{(A, 5), (B, 3)\}$

(2) عين مجموعة النقط M من المستوي في كل حالة

$$(1) \quad \|\vec{5MA} + \vec{3MB}\| = \|\vec{MA} - \vec{MB}\|$$

$$(ب) \quad \|\vec{5MA} + \vec{3MB}\| = 8MA$$

03 في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس

نعتبر النقط: $A(3,2)$, $B(1,-1)$, $C(-1,5)$, $D(2,5)$

(1) عين إحداثيي النقطة G مركز ثقل المثلث ABC .

(2) اثبت ان D مرجح للجملة $\{(A,2); (B,-1); (C,1)\}$

(3) عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث

$$\|\vec{2MA} - \vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{MA} - \vec{MC}\|$$

04 A, B, C ثلاث نقط من المستوي ليست في استقامية

G نقطة من المستوي تحقق $\vec{2GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$

(1) عرف G , ثم بين ان $4\vec{AG} = (\vec{AB} + \vec{AC})$

(2) \vec{u} و \vec{v} شعاعان من المستوي حيث

$$\vec{v} = 2\vec{PA} - \vec{PB} - \vec{PC} \quad \text{و} \quad \vec{u} = 2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$$

(ا) عبر عن الشعاع \vec{u} بدلالة \vec{MG}

(ب) بين أن الشعاع \vec{v} مستقل عن النقطة P .

(ج) عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث $\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\|$

05 A, B, C نقط من المستوي ليست في استقامية.

لتكن الجملة $\{(A, \alpha), (B, 2\alpha + 1)\}$ (1) $(\alpha \in \mathbb{R})$

(1) عين قيمة العدد α حتى تقبل الجملة (s) مرجحاً G

(2) إنشئ النقطة G في حالة $\alpha = 1$

(II) المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}, \vec{o})$.

نعتبر $A(2;3)$, $B(2;-3)$, $C(3;x)$ حيث $x \in \mathbb{R}$

(1) عين قيمة العدد x حتى تكون النقط A, B, C في استقامية

(2) نضع : $x = 0$

(ا) أحسب اطوال اضلاع المثلث ABC ثم عين طبيعته.

(ب) عين إحداثيي النقطة G

(ج) عين ثم إنشئ مجموعة النقط M حيث: $\|\vec{MA} + \vec{3MB}\| = 12$

06 نزود المستوي بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}, \vec{o})$

لتكن النقط $A(-1,1)$, $B(2;-3)$, $C(0;2)$

(1) عين إحداثيي النقطة I مركز ثقل المثلث ABC

(2) عين إحداثيي G مرجح الجملة $\{(A,-1); (B,1); (C,3)\}$

(3) عين إحداثيي النقطة D بحيث تكون النقطة O

مركز للمسافات المتساوية للنقط A و D و C .

(4) عين المجموعة (E) للنقط M من المستوي حيث

$$\|\vec{-MA} + \vec{MB} + \vec{3MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

07 ABC مثلث قائم في A ومتقايس الساقين و I منتصف $[AC]$

(1) عين إحداثيات كل من A, B, C في المعلم (A, \vec{AB}, \vec{AC})

(2) عين إحداثيي G مرجح الجملة

$\{(A, 1), (B, 2), (C, 1)\}$ في المعلم (A, \vec{AB}, \vec{AC})

(3) عين ثم أنشئ مجموعة النقط M من المستوي بحيث

$$\|\vec{MA} + \vec{2MB} + \vec{MC}\| = 2\|\vec{MI} - \vec{MB}\|$$

08 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المقترحة.

A, B, C ثلاث نقط من المستوي ليست على استقامية.

و G مرجح الجملة $\{(A,2); (B,-3)\}$

(1) قيمة العدد الحقيقي α التي لا تقبل من أجلها الجملة

$\{(A, \alpha); (B, \alpha + 1); (C, 2\alpha + 3)\}$ مرجحاً هي:

$$(أ) \quad \alpha = 1 \quad (ب) \quad \alpha = \sqrt{2} \quad (ج) \quad \alpha = -1$$

(2) إذا كان $\vec{AB} = \frac{3}{4}\vec{AC}$ فإن A مرجح الجملة :

(أ) $\{(B,1); (C,2)\}$ (ب) $\{(B,4); (C,-4)\}$ (ج) $\{(B,-4); (C,3)\}$

(3) مجموعة النقط M من المستوي التي يكون من أجلها

الشعاعين $\vec{2MA} - \vec{3MB}$ و \vec{AC} متوازيين هي:

(أ) دائرة مركزها G ونصف قطرها 3.

(ب) مستقيم يوازي \vec{AC} ويمر بالنقطة G مرجح الجملة (ج) مجموعة خالية

09 ABC مثلث كفي. نعتبر الجملة التالية:

(*) $(A, 2), (B, -\alpha - 1), (C, 2\alpha)$ حيث $\alpha \in \mathbb{R}$

أ- عين قيم α حتى تقبل الجملة (*) النقطة G_α مرجحاً لها

(2) إنشئ النقطة G_α من أجل $\alpha = 3$

(3) إنشئ كلا من النقطتين I, J منتصفا القطعتين $[AB]$,

$[AC]$ على الترتيب. اثبت أن النقط I, J, G في استقامية.

(4) عين (Γ) مجموعة النقط M من المستوي بحيث

$$\|\vec{2-4MA} + \vec{MB} + \vec{MC} + 6\| = 18:$$

(ب) نزود المستوي بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{j}, \vec{i}, \vec{o})$

ولنعتبر النقط: $A(1,3)$; $B(2,2)$; $C(2,-4)$

(1) عين إحداثيي النقطة G_α مرجحة الجملة (*) بدلالة α .

(2) بين أن مجموعة النقط G_α عندما α يسمح R^* هي مستقيم

يطلب تعيين معادله له.

10 ABC مثلث. E, I, F نقط بحيث:

$$\vec{AF} = \frac{1}{3}\vec{AC}, \quad \vec{CI} = \frac{2}{3}\vec{CB}, \quad \vec{AE} = \frac{1}{3}\vec{BC}$$

علم النقط E, I, F ثم بين انها على استقامة واحدة.

11 مثلث قائم في A حيث: $AB=4$ و $AC=3$

لتكن G نقطة من المستوي تحقق المساواة الشعاعية:

$$\vec{AG} = \vec{AC} + \alpha \vec{AB}$$

حيث α عدد حقيقي

(1) بين أن G هي مرجحا للجملة:

$$\{ (A, -\alpha), (B, \alpha), (C, 1) \} \dots (*)$$

(2) نفرض أن $\alpha = -1$. أنشئ النقطة G.

(ب) بين أن الرباعي ABCG متوازي أضلاع يطلب تعيين

مساحته S ومحيطه P.

(ج) عين ثم أنشئ مجموعة النقط M من المستوي بحيث:

$$\vec{MA} + \vec{MB} - \vec{MC} = \vec{AB}$$

(3) المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر النقط: $A(0, 1); B(4, 1); C(0, 3)$

(أ) عين إحداثي النقطة G مرجحة الجملة (*) بدلالة α .

(ب) هل يمكن أن تكون G مركز ثقل المثلث ABC؟

(ج) بين أن مجموعة النقط G عندما α يمسح R^* هي

مستقيم يطلب تعيين معادلة له. تعطى المعادلة.

12 ABC مثلث متقايس الأضلاع وحيث $AB = \alpha$

لتكن (Γ) مجموعة النقط من المستوي التي تحقق:

$$\|\vec{MA} - 4\vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{MA} - 2\vec{MB} + \vec{MC}\|$$

تحقق أن النقطة B تنتمي الى المجموعة (Γ) .

بين ان الشعاع $\vec{MA} - 2\vec{MB} + \vec{MC}$ مستقل عن M.

لتكن النقطة G مرجح الجملة الثقلة

$$GM = \alpha \frac{\sqrt{3}}{2}$$

بين ان $\{(A, 1); (B, -4); (C, 1)\}$ استنتج طبيعة المجموعة (Γ) محدد عناصرها المميزة.

13 المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر النقط $A(1, 0); B(-2, 3); C(0, -3); D(2, 3)$ مرفقة

بالمعاملات: $2m+3, 3, 2, m-1$ على الترتيب

(1) ما هو الشرط على m حتى تكون G_m مرجحا للجملة

$$\{(A, m-1); (B, -2); (C, 3); (D, 2m+3)\}$$

(2) احسب بدلالة m احداثي النقطة G_m .

(3) ما هو المحل الهندسي للنقطة G_m عندما يتغير m في

$\mathbb{R} - \{1\}$ ، استنتج احداثي المرجح G_m من أجل $m = -2$

(4) عبر عن \vec{AG}_m بدلالة m و \vec{AB} و \vec{AC} و \vec{AD}

ثم استنتج أن: $3\vec{AG}_m = -(\vec{DC} - 2\vec{CB})$

14 (A, B, C) ثلاث نقط من المستوي ليست على

استقامة واحدة بكل عدد حقيقي λ نرفق مركز المسافات

المتناسبة M للنقط A, B, C المرفقة بالمعاملات:

$$\lambda + 1, \lambda - 1, 1$$

على الترتيب.

عين النقطة M بواسطة مساواة شعاعية.

(2) نفرض أن: $\lambda = 3$. أنشئ النقطة M في هذه الحالة.

(3) عين مجموعة النقط M عندما يرسم λ المجموعة \mathbb{R}

(4) ينسب المستوي إلى المعلم (\vec{AB}, \vec{AC}) .

عين احداثي النقطة M في هذا المعلم.

15 (أ) A, B, C ثلاث نقط ليست على استقامة واحدة

(1) عين D مجموعة قيم α التي تجعل النقطة H_α مرجح

للجملة المثقلة $\{(A, 1), (B, -2), (C, \alpha)\}$.

(2) من أجل $\alpha \in D$ جد إحداثيا H_α في المعلم (\vec{AB}, \vec{AC}) .

(3) انشئ النقطة H_α من أجل $\alpha \in \{-1, 2\}$.

(4) عين مجموعة النقط M من المستوي بحيث:

$$\|\vec{MA} - 2\vec{MB} + 2\vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} - 2\vec{MC}\|$$

(ب) المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

لتكن النقط $A(-2, 2); B(0, 4); C(3, 1)$

(1) أحسب أطوال أضلاع المثلث ABC مستنتجا نوعه.

(2) بدلالة α عين إحداثيات النقطة H_α .

(3) بين أنه مهما كان α من D فإن H تنتمي إلى مستقيم.

16 ABC مثلث قائم في A حيث: $AB=4$ و $AC=3$

ليكن G مرجح الجملة $\{(A, 1); (B, -2); (C, 3)\}$

(1) أنشئ النقطة G وأحسب GA^2, GB^2, GC^2

(ب) عين مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق:

$$MA^2 - 2MB^2 + 3MC^2 = k$$

(2) المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(A; \vec{i}; \vec{j})$

حيث: $4\vec{i} = \vec{AB}$ و $3\vec{j} = \vec{AC}$

(أ) عين احداثيات النقطة G وأحسب GA^2, GB^2, GC^2

(ب) عين مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق:

$$MA^2 - 2MB^2 + 3MC^2 = k$$

17 ABC مثلث متقايس الساقين حيث $AB=AC$

(1) عين النقطة H مركز ثقل المثلث ABC ثم أنشئها.

(2) لتكن G نظيرة H بالنسبة إلى (BC)، جد العدد

الحقيقي α حتى تكون G مركز المسافات المتناسبة للنقط

A, B, C المرفقة بالمعاملات 1, α, α على الترتيب.

(3) عين مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق:

$$\|\vec{MA} - 2\vec{MB} - 2\vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

(ب) عين مجموعة النقط N من المستوي التي تحقق:

$$\|\vec{2MA} - \vec{MB} - \vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

18 المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر النقط $A(1; 1), B(2; -2), C(-2; 0)$ والتكن I

منتصف القطعة [CB] والتكن G مرجح الجملة المثقلة

$$\{(A; 2), (B; 1), (C; 1)\}$$

(1) عين إحداثي كلا من I و G ثم علم النقط A, B, C, I و G

(2) بين أن النقط A, I, G في استقامة.

(3) (Γ) مجموعة النقط M من المستوي

$$\|\vec{2MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 2\sqrt{5}$$

(أ) أحسب الطول AI ثم تحقق أن النقطة I تنتمي إلى (Γ)

(ب) بين أن (Γ) هي دائرة يطلب تعيين عناصرها المميزة