

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات على كل سؤال مع التعليق :

f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = x^2 + 4x - 1$ ، (c_f) المنحنى الممثل لها في معلم متعمد و متجانس

1. من كل عدد حقيقي x فإن $f(x)$ تكتب على الشكل : $f(x) = (x + 2)^2 - 5$

2. إذا كانت $f = u \circ v$ فإن : $v(x) = x^2 + 1$ و $u(x) = x + 2$

3. الدالة f متزايدة تماماً على المجال : $[2, +\infty]$

4. (c_f) هو صورة المنحنى الذي معادلته $x^2 = y$ بالانسحاب الذي شعاعه : $\vec{5} - 2t$

5. المعادلة $0 = f(x)$ تقبل : حلین مختلفین

6. حلول المتراجحة : $0 \leq x^4 - x^2 + 3 \geq 0$ هي المجال : $[-1, 1]$

التمرين الثاني :

1. حل في \mathbb{R} المعادلة التالية : $0 = -2x^2 + x + 10$

2. ليكن g كثير الحدود المعرف بـ $g(x) = -2x^3 - x^2 + 11x + 10$

أ- تحقق أن العدد (-1) جذراً لكثير الحدود $(g(x))$.

ب- عين الأعداد الحقيقية a, b, c حيث من أجل كل عدد حقيقي x :

3. حل في \mathbb{R} المعادلتین : أ. $0 = \frac{-x}{x+1} + \frac{10}{2x+9}$ ب. $g(x) = 0$

4. اوجد كثير الحدود $(f(x))$ من الدرجة الثالثة الذي يقبل الجذرين 2 و -2 و يتحقق : $f(0) = 2$ و $f(1) = -1$

التمرين الثالث :

f دالة معرفة على $\{1\} - \mathbb{R}$ بـ $f(x) = \frac{ax+b}{x-1}$

(c_f) تمثيلها البياني المقابل

1. ببياننا عين كلا من $f(0)$ و $f(-1)$

2. شكل جدول تغيرات الدالة

3. بين أن : $a = 1$ و $b = 1$

4. ماذا تمثل النقطة $A(1, 1)$ بالنسبة للمنحنى (c_f)

5. نعتبر الدوال التالية :

$k(x) = |f(x)|$ و $g(x) = f(x + 1) - 1$ و $h(x) = f(x + 1)$

أ- بين أن g زوجية ثم اشرح دون رسم كيف يمكن إنشاء

المنحنى (c_g) انطلاقاً من (c_f) .

ب- انطلاقاً من المنحنى (c_f) أنشئ مع الشرح كل من المنحنيين (c_h) و (c_k) في نفس المعلم.

التمرين الرابع :

مثلث كيفي ABC

1. أنشئ النقطة G مرجح الجملة $\{(A, 1), (B, -3), (B, 1)\}$ والنقطة H مرجح الجملة $\{(A, 1), (B, 1)\}$

2. بين أن : $\overrightarrow{AG} = -\overrightarrow{AH}$ ، مادما تستنتج بالنسبة للنقطة A ، H ، G ؟

3. عين مجموعة النقط M من المستوى في الحالتين : أ-

$$\| -3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} \| = 2$$

$$\| -3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} \| = \frac{1}{2} \| \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} \|$$

