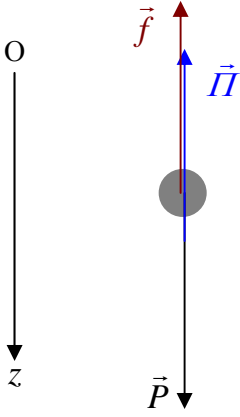


التصحيح

التمرين الأول (10 نقط)



1 - دراسة الحركة :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن $\vec{f} + \vec{P} + \vec{\Pi} = m \vec{a}$ ، وبالإسقاط على المحور Oz

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v = g \left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right) \text{ ، ومنه : } mg - kv - \rho_f V g = m a$$

$$\text{هذه المعادلة من الشكل : } \frac{dv}{dt} + C_1 v = g(1 - C_2) \text{ ، حيث } C_1 = \frac{k}{m} \text{ ، } C_2 = \frac{\rho_f}{\rho_s}$$

2 - قيمتا C_1 و C_2 :

$$\text{عند } t = 0 \text{ ، كانت } v = 0 \text{ ، وبالتالي } \left(\frac{dv}{dt}\right)_0 = g(1 - C_2) = 8,1 \text{ ، وبالتعويض نجد : } C_2 = 0,19$$

$$\text{عندما } v = v_l \text{ ، فإن } \frac{dv}{dt} = 0 \text{ ، وبالتالي } C_1 v_l = g(1 - C_2) \text{ ، ومنه :}$$

$$C_1 = \frac{g(1 - C_2)}{v_l} = \frac{10 \times (1 - 0,19)}{1,02} = 7,94 \text{ s}^{-1}$$

3 - قيمتا k و ρ_s :

$$\text{لدينا } \frac{\rho_f}{\rho_s} = 0,19 \text{ ، ومنه } \rho_s = \frac{\rho_f}{0,19} = \frac{860}{0,19} = 4,5 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$\text{لدينا } C_1 = \frac{k}{m} \text{ ، ومنه } k = m C_1 = 36,7 \times 10^3 \times 7,94 \approx 0,3 \text{ kg/s}$$

4 - شدة دافعة أرخميدس :

$$V = \frac{m}{\rho_s} = \frac{36,7 \times 10^{-3}}{4,5 \times 10^3} = 8,15 \times 10^{-6} \text{ m}^3 \text{ . حيث } V \text{ هو حجم الزيت المزاح وهو نفسه حجم الكرة . } \Pi = \rho_f V g$$

$$\text{وبالتالي } \Pi = 860 \times 8,15 \times 10^{-6} \times 10 = 7,0 \times 10^{-2} \text{ N}$$

5 - قيمة اللحظة t' :

$$t' = 5 \tau = 5 \times \frac{m}{k} = 5 \times \frac{36,7 \times 10^{-3}}{0,3} = 0,61 \text{ s}$$

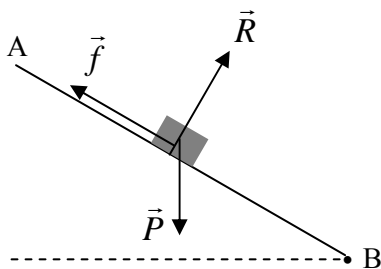
التمرين الثاني (10 نقط)

$$1 - \text{ أ) عمل قوة الثقل : } W_{\vec{P}} = mgh = 0,3 \times 10 \times 0,5 = 1,5 \text{ J}$$

ب) بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين A و B :

$$\Delta E_C = W_{\vec{P}} + W_{\vec{f}} + W_{\vec{R}}$$

$$W_{\vec{f}} = -0,5 \text{ J} \text{ ، ومنه : } E_{cB} - 0 = 1,5 + W_{\vec{f}}$$



2 - أ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \vec{a}$

بإسقاط العلاقة الشعاعية على المحور الموضح في الشكل :

$$(1) \quad -f = m a \quad \text{، ومنه} \quad a = \frac{-f}{m}$$

f و m ثابتتان ، ومنه التسارع ثابت ، وبالتالي الحركة متباطئة بانتظام لأن جهة السرعة في جهة محور الإسقاط فهي موجبة .

نحسب قوة الاحتكاك من علاقة العمل ، $-0,5 = -f \times AB$ ، ومنه $f = 0,5 N$

$$a = \frac{-0,5}{0,3} = -1,67 \text{ m/s}^2 \quad (1) \quad \text{بالتعويض في العلاقة}$$

ب) بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين B و C : $E_{cC} - E_{cB} = -f \times BC$

$$v_C = 1,82 \text{ m/s} \quad \text{، ومنه} \quad v_C^2 = \frac{10}{3} \quad \text{، ومنه} \quad \frac{1}{2} \times 0,3 v_C^2 - 1 = -0,5 \times 1$$

3 - بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين C و E :

$$E_{cE} - E_{cC} = W_{\vec{P}} + W_{\vec{R}}$$

(عمل \vec{R} معدوم لأن \vec{R} عمودية على المماس للمسار في كل لحظة بسبب عدم وجود الاحتكاك) $0 - \frac{1}{2} m v_C^2 = -mgh + 0$

في كل لحظة بسبب عدم وجود الاحتكاك .

$$h = \frac{v_C^2}{2g} = \frac{10}{60} = 0,167 \text{ m}$$

$$\beta = 33,6^\circ \quad \text{، ومنه} \quad \cos \beta = \frac{OF}{r} = \frac{1 - 0,167}{1} = 0,833$$

ب) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في النقطة D :

وبالإسقاط على المحور الناطمي : $\vec{P} + \vec{R} = m \vec{a}$

$$(1) \quad R = P \cos \gamma + m \frac{v_D^2}{r} \quad \text{، ومنه} \quad R - P \cos \gamma = m a_n$$

نحسب السرعة في النقطة D :

$$(2) \quad v_D^2 = v_C^2 - 2gh' \quad \text{، ومنه} \quad \frac{1}{2} m v_D^2 - \frac{1}{2} m v_C^2 = -mgh'$$

$$h' = r(1 - \cos \gamma) = 0,06 \text{ m} \quad \text{، ومنه} \quad \cos \gamma = \frac{r - h'}{r}$$

$$v_D^2 = \frac{10}{3} - 2 \times 10 \times 0,06 = 2,13 \quad (2) \quad \text{بالتعويض في العلاقة}$$

$$R = 0,3 \times 10 \cos 20 + 0,3 \times \frac{2,13}{1} = 3,45 \text{ N} \quad (1) \quad \text{بالتعويض في العلاقة}$$

