

التمرين الأول (4 نقط)

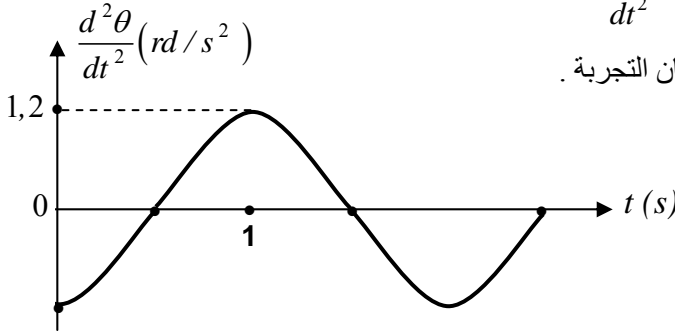
ندرس حركة نواس بسيط طوله $l = 1 \text{ m}$ وكتلته $m = 100 \text{ g}$. نهمل تأثير الهواء.

1 - أدت الدراسة الطاقوية إلى كتابة المعادلة التفاضلية للمطل الزاوي للنواس $l \frac{d^2\theta}{dt^2} + g \sin\theta = 0$.

(أ) ما هو شرط أن يكون حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل $\theta = \theta_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$ ؟

(ب) اوجد في هذه الحالة عبارة النبض الذاتي ω_0 ، ثم استنتج عبارة الدور الذاتي T_0 .

2 - نمثل في الشكل التسارع الزاوي للنواس بدلالة الزمن $\frac{d^2\theta}{dt^2} = f(t)$



(أ) اوجد قيمة ω_0 و g قيمة تسارع الجاذبية الأرضية في مكان التجربة.

(ب) اوجد قيمة θ_0 السعة الزاوية للحركة.

3 - نحرف النواس من وضع توازنه بزاوية $\beta = 60^\circ$

ونتركه.

(أ) احسب سرعته v لحظة مروره بوضع التوازن

(ب) احسب شدة توتر الخيط عند المرور بوضع التوازن.

التمرين الثاني (4 نقط)

كرة مطاطية كتلتها الحجمية ρ_s وكتلتها $m = 3 \text{ g}$ ، تسقط شاقوليا في الهواء بدون سرعة ابتدائية من النقطة O وفق المحور Oz في اللحظة $t_0 = 0$.

تخضع الكرة أثناء سقوطها لقوة احتكاك مع الهواء شدتها $f = k v^2$ ، حيث k عبارة عن ثابت، ولدافعة أرخميدس $\bar{\Pi}$.

1 - تبلغ الكرة سرعة حدية في اللحظة t_1 ، ما هو الشكل الصحيح لتمثيل القوى

بعد اللحظة t_1 ؟ علل باختصار.

2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، اوجد المعادلة التفاضلية التي تعطي سرعة الكرة.

3 - تُعطى المعادلة التفاضلية لسرعة الكرة بالشكل: $\frac{dv}{dt} = 8,3 - 0,15 v^2$

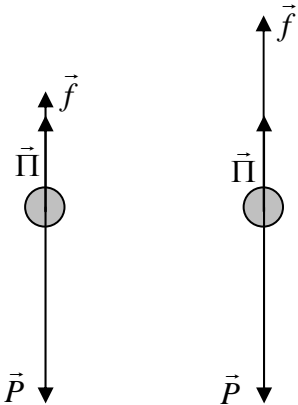
(أ) احسب تسارع الكرة عند اللحظة t_0 .

(ب) احسب سرعة الكرة عند اللحظة t_1 .

(ج) احسب قيمة النسبة $\frac{\rho_f}{\rho_s}$ ، حيث ρ_f هي الكتلة الحجمية للهواء.

(د) احسب ثابت الاحتكاك k .

$g = 9,8 \text{ m/s}^2$

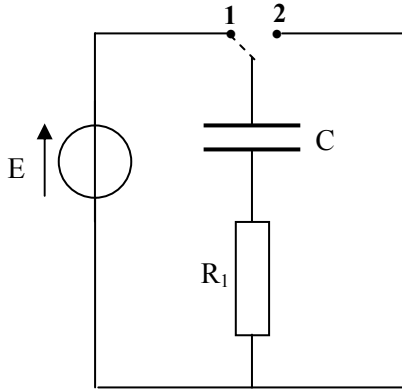


الشكل - 1

الشكل - 2

التمرين الثالث (4 نقط)

- I - في التركيب (الشكل - 1) استعملنا مولدا مثاليا للتوتر وربطناه مع مكثفة سعتها C وناقل أومي مقاومته $R_1 = 100 \Omega$.
نصل البادلة للوضع 1 من أجل شحن المكثفة .
نصل البادلة للوضع 2 في اللحظة $t = 0$.



الشكل - 1

- 1 - اوجد المعادلة التفاضلية التي يخضع لها u_C التوتر بين طرفي المكثفة أثناء التفريغ .

2 - بيّن أن $u_C = E e^{-\frac{t}{RC}}$ هو حل لهذه المعادلة التفاضلية .

3 - نمثل في البيان المقابل (الشكل - 2) تغيرات $\ln u_C = f(t)$

(\ln هو اللوغاريتم النيبيري) .

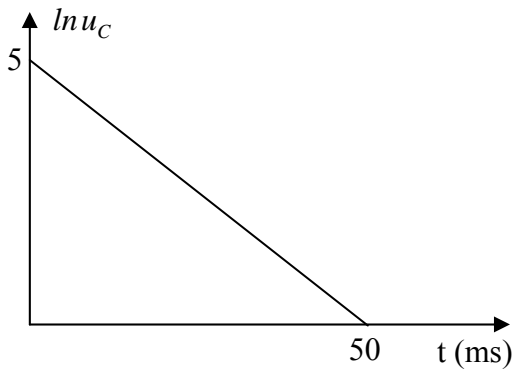
(أ) اكتب العبارة البيانية لـ $\ln u_C = f(t)$

(ب) اكتب العبارة النظرية لـ $\ln u_C = f(t)$

(ج) بمطابقة العبارتين اوجد

- قيمة ثابت الزمن τ واستنتج سعة المكثفة .

- القوة المحركة الكهربائية E للمولد يُعطى $e^5 \approx 148$



الشكل - 2

II - نركب في (الشكل - 3) الدارة المتشكلة من وشيعة ذاتيتها

$L = 0,1 H$ ومقاومتها $r = 10 \Omega$ وناقل أومي مقاومته R_2 وصمام

ثنائي لحفظ الدارة ومولد مثالي للتوترات قوته المحركة الكهربائية E' .

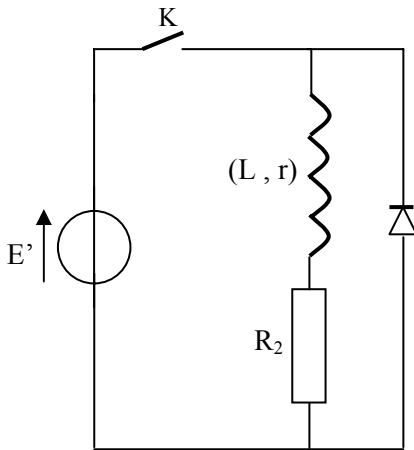
نغلق القاطعة ، ولما تستقر شدة التيار في الدارة على القيمة I نفتح القاطعة في اللحظة $t = 0$.

نمثل بعد ذلك في الشكل - 4 التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة $u_B = f(t)$

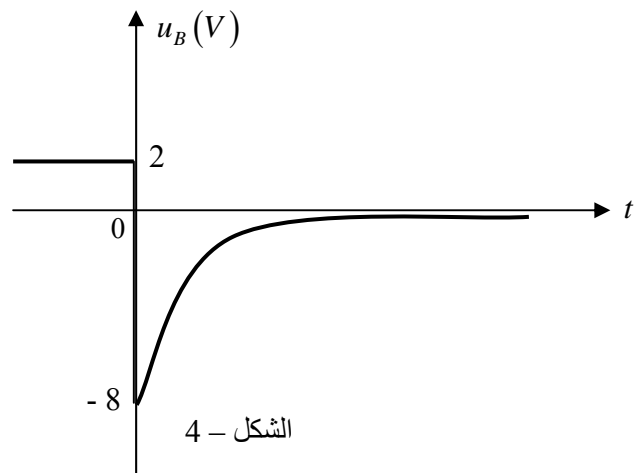
1 - استنتج من البيان قيمة I و R_2

2 - احسب قيمة E' .

3 - احسب الطاقة المغناطيسية التي خُزنت في الوشيعة عند اللحظة $t = 0$.



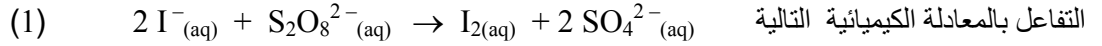
الشكل - 3



الشكل - 4

التمرين الرابع (4 نقط)

ندرس تفاعل محلول يود البوتاسيوم (K^+ , I^-) مع محلول بيروكسو ثنائي كبريتات البوتاسيوم ($2 K^+$, $S_2O_8^{2-}$). نمذج هذا



نمزج في اللحظة $t = 0$ حجما $V_1 = 200 \text{ mL}$ من يود البوتاسيوم تركيزه المولي $C_1 = 1,0 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$ مع حجم

$V_2 = 200 \text{ mL}$ من محلول بيروكسو ثنائي كبريتات البوتاسيوم تركيزه المولي $C_2 = 1,0 \times 10^{-3} \text{ mol / L}$.

في اللحظة t_1 نأخذ من المزيج المتفاعل حجما $V = 20 \text{ mL}$ ونبرده لإيقاف التفاعل.

نعابر ثنائي اليود (I_2) الموجود في هذا الحجم بواسطة محلول ثيوكبريتات الصوديوم ($2 Na^+$, $S_2O_3^{2-}$) تركيزه المولي



يلزم لبلوغ التكافؤ حجما $V_E = 10 \text{ mL}$ من محلول ثيوكبريتات.

1 - انشيء جدول التقدم للتحويل الكيميائي (1)

2 - باستعمال المعادلة (2) اكتب عبارة التركيز المولي لثنائي اليود $[I_2]$ بدلالة V ، C ، V_E .

3 - احسب تقدم التفاعل $x(t_1)$ في اللحظة t_1 في التحويل 1. هل التفاعل انتهى في اللحظة t_1 ؟

التمرين الخامس (4 نقط)

1 - نحل في 1 L من الماء المقطر كمية من حمض الإيثانويك (CH_3COOH) قدرها $m = 60 \text{ mg}$ ، وبعد الرج قسنا pH

المحلول في الدرجة $25^\circ C$ ووجدناه 3,9.

أ) اكتب معادلة التفاعل بين حمض الإيثانويك والماء.

ب) احسب التركيز المولي C_A للحمض.

ج) بين أن نسبة التقدم النهائي للتفاعل تُكتب على الشكل $\tau = \frac{[H_3O^+]}{C_A}$ ، ثم احسب قيمة τ وبين أن التفاعل غير تام.

د) احسب ثابت توازن التفاعل، ثم استنتج أن للثنائية CH_3COOH / CH_3COO^- $pK_A = 4,74$

2 - نأخذ في بيشر حجما $V = 20 \text{ mL}$ من المحلول الحمضي السابق ونضيف له بعض القطرات من كاشف ملون. ثم نملاً سحاحة

مدرجة بمحلول هيدروكسيد الصوديوم (Na^+ , OH^-) تركيزه المولي C_B ونضيفه تدريجياً للكأس. يتغير لون الكاشف عند إضافة

الحجم $V_E = 10 \text{ mL}$ من المحلول الأساسي

أ) اكتب العلاقة بين C_B ، V_E ، C_A ، V ، ثم احسب قيمة C_B .

ب) ما هو الكاشف الملون من القائمة الأنسب لهذه المعايرة؟ (تعليل مختصر)

ج) ما هو حجم الأساس المضاف من السحاحة عندما كان pH المزيج في الكأس 4,74؟

الكاشف الملون	أزرق البروموتيمول	أحمر الميثيل	الفينول فتالئين
مجال تغير اللون	6,0 - 7,6	4,2 - 6,2	8,2 - 10,0

$C = 12$ ، $O = 16$ ، $H = 1$

الوداع